

Academia Română
Institutul de Filosofie și Psihologie „Constantin Rădulescu-Motru”

Societatea Germano-Română de Filosofie

KARLSRUHE – MÜNSTER – BUCUREȘTI – BRAȘOV – IAȘI

CERCETĂRI FILOSOFICO-PSIHOLOGICE

PHILOSOPHISCH-PSYCHOLOGISCHE UNTERSUCHUNGEN



Anul III

Nr. 1

ianuarie–iunie 2011

EXTRAS / AUSZUG

ARGUMENTARE ȘI LOGICĂ MODALĂ

GABRIEL ILIESCU

Argumentation and modal logic. The present study starts from a hypothesis according to which there is possible to connect two distinct fields as those of argumentation theory and modal logic, a fact that would contradict both the idea that there is no link between logic and argumentation, and the idea that the latter is reducible to the former. This implies a sharp distinction between reducibility and connection. According to my initial hypothesis, the deductive meta-schemes and the modal theorems provided by the argumentation theory are more general than some already established theorems of the aforementioned logic. There are two final consequences I inferred: first, the argumentation theory provides modal logic with theorems; and second, these theorems could be interpreted in terms of argumentative situations.

Key words: consequence, inference, argument, proto-scheme meta-scheme, modal theorem.

1. Context general

În cele ce urmează, voi formula o întrebare privind raportul dintre teoria argumentării și logica modală propozițională. Întâi originez această întrebare în ceace am numit componente ale teoriei argumentării și ale logicii modale. Apoi detaliez aspectele logice specifice acestei întrebări, după care răspund la acea întrebare.

Dar întâi caut să încadrez această întrebare în contextul mai general al raportului dintre Teoria Argumentării și Logică.

Nici chiar cel mai mare maestru în mânuirea bisturiului nu ar putea efectua cea mai banală operație – să zicem de apendicită – unui pacient care joacă golf în curtea spitalului. Chiar și un asemenea maestru chirurg ar avea nevoie ca pacientul să primească o pregătire pentru operație, între altele o anestezie. Exprimările limbii naturale cotidiene la nivel propozițional sunt atât de diferite de cele câteva tipuri de propoziții standard cu care operează cele două limbajede bază ale logicii¹. La rândul lor, argumentele folosite în mod natural diferă atât de mult de raționamentele pe care le întâlnim în logică. Încât pentru a putea aplica metodele sale, logica “anesteziază” exprimarea naturală. Odată aplicată decizia nimic nu împiedică “reanimarea” simbolismului prin reinterpretarea lui în aceeași limbă naturală și prin destandardizarea-detipizarea acesteia.

¹ Logica propozițională și logica predicatelor de ordinul 1.

Aproximativ trei ar fi punctele de referință la care pot raporta demersul prezent: lucrarea lui Chaïm Perelman și Lucie Olbrechts-Tyteca, *Traite de l'Argumentation*, filosofi analitici precum Gylbert Ryle și P.F. Strawson, și logica informală prin Stephen Edelston Toulmin *The uses of argument* și Alec Fisher, *The Logic of Real Arguments*². Deși am enumerat patru mă refer doar la trei dintre ele.

Traite de l' Argumentation este lucrarea în care autorii arată că practica raționamentului este slab relevantă pentru domenii precum științele umane, practica juridică și pentru viața de fiecare zi, dar este foarte prezentă în matematică³. Acest punct de vedere este similar cu cel exprimat de Perelman în *Argumentation* din *Enciclopedia Universalis*. Abandonată de dragul orientărilor raționaliste și pozitivistă, de la Renaștere încoace⁴ și de către Logica direcționată de Kant spre raționament și formalism, argumentarea rămâne în arealul de competență al psihologiei. Ori noi argumentăm și convingem de diferite concluzii, inclusiv în domeniul culturii și luăm decizii. Cultura asigură întreaga viață spirituală, și statornicia unei comunități. Acum, dacă totul este de competența psihologiei, atunci toate aceste conținuturi de gândire ar fi doar interese, pasiuni, emoții. Totul s-ar reduce la o întreagă iraționalitate. În plus aceste propoziții nu sunt nici tautologii și nici verificabile empiric. Iar argumentarea prin care se exprimă acestea, doar maschează în formă rațională niște iraționalisme. Prin urmare, toate acestea nu ar trebui luate în serios din moment ce dincolo de forma rațională conținutul e irațional. Pentru a nu fi așa, logica trebuie să se întregească cu teoria argumentării⁵.

Concluzionez că dacă aceasta este situația raportului dintre cele două domenii atunci logica și argumentarea erau separate, cel puțin la acea dată (1958).

The uses of argument a lui Stephen E. Toulmin, apare prima dată în 1958, dar este reeditată. Prefața la ediția updatată este datată de către autor în iulie 2002 și localizată în Los Angeles. În capitolul al – III – lea, Toulmin abordează patternul unui argument⁶. Astfel, introduce pe larg componentele argumentului analitic și apoi ale celui substanțial pe care le menționez într-o singură listă: date factuale, justificare, garanții suplimentare care întemeiază justificarea însăși, apoi calificatori modali și excepții⁷.

Folosind această unică schemă care nu seamănă cu nici una dintre schemele de raționare cunoscute, și nu e vorba neapărat de cele deductive, Toulmin pare a tinde să separe logica de teoria argumentării. De altfel el este menționat în lista logicienilor informali de către Alec Fisher.

Încă de la primul paragraf al prefeței la prima ediție a lucrării *The Logic of real Arguments*, Alec Fisher deplânge inaplicabilitatea metodelor logicii precum:

² Stoianovici, Drăgan, *Argumentarea și gândirea critică*, Editura Universității București, 2005, p. 17.

³ Idem, p. 17.

⁴ Idem, p. 18.

⁵ Idem, p. 17.

⁶ Toulmin, Stephen, *The uses of argument*, Cambridge University Press, 2003, pp 89-93.

⁷ *Ibidem*, p. 93.

diagrame Venn, tabele de adevăr, tablouri semantice, la argumentele cu care studenții săi se confruntau la alte cursuri. Dar el mărturisește și speranța în existența unei metode de evaluare pe care o voia non formală deși sprijinită pe logică clasică. El accentuează că nici nu este singurul profesor de logică și perioada de timp la care se referă nu este foarte scurtă – sunt ultimii douăzeci de ani – în mintea căruia care s-a decantat ideea a ceea ce s-a numit până la urmă o mișcare pentru logică informală și gândire critică. Printre cei situați pe aceeași poziție și menționați de către el sunt: Monroe Beardsley cu lucrarea *Practical logic*, Stephen Toulmin cu *The Uses of Argument* și Michael Scriven, cu *Reasoning*. Abia în capitolul doi autorul expune propriu-zis metoda generală de analizare a argumentelor însoțind-o de prezentarea unor indicatori ai prezenței concluziei și ai raționării. De menționat în treacăt: el arată că expresii precum: *necesar, imposibil, nu se poate*, sunt așazis modale și că ele de fapt doar semnalizează raționarea⁸. Și aici este cel puțin destul de lesne de concluzionat asupra separării logicii de argumentare.

Pe acest fundal de referință, în care logica este separată de argumentare urmează să formulez întrebarea anunțată, într-un sens un pic mai precis și mai tehnic.

2. Întrebare

Consider două expresii simbolice de logică modală propozițională și două metascheme corespunzătoare lor:

$$L((t \supset q) \& (u \supset \sim q)) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u)) \quad L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \equiv L(p \supset \sim p)$$

$$T \vdash Q$$

$$\underline{U \vdash \sim Q}$$

$$T, U \vdash \sim(T \& U)$$

$$P \vdash Q$$

$$\underline{P \vdash \sim Q}$$

$$P \vdash \sim P$$

În legătură cu acestea, întrebarea de la care pornesc este următoarea: *Care dinte cele două formule modale, respectiv metascheme de raționare este mai generală și care îi este celeilalte un caz particular? Care din care se deduce?*

Formula de deasupra din dreapta este o teoremă cunoscută din sistemul de logică modală propozițională normală T. La fel și schema de inferență asociată ei. Formula din stânga este o descoperire personală și este neconsacrată. La fel și schema de inferență asociată ei.

Asociez două ipoteze întrebării de mai sus:

Ipoteza 1. Formula și metaschema din stânga sunt mai generale. Ceea ce înseamnă că din formula din stânga se deduce cea din dreapta, respectiv din metaschema din stânga se deduce metaschema din dreapta.

⁸ Fisher, Alec, *The Logic of Real Arguments*, Cambridge University Press, second editon, 2004, p. 18.

Ipoteza 2. Formula și metaschema din dreapta sunt mai generale. Adică din formula din dreapta se deduce cea din stânga, respectiv din metaschema din dreapta se deduce metaschema din stânga.

Drumul către întrebarea inițială se compune din drumul către aceste două componente.

3. Drumul către întrebarea inițială

3.1. Componenta argumentativă

Această componentă constă în faptul că argumentele pot fi standardizate sau și completate, pe scurt reconstruite, astfel încât să devină raționamente. Invers, raționamentele pot fi descompletate sau și destandardizate, pe scurt deconstruite, încât din ele să se obțină argumente. Astfel, discuția despre argumentare se mută în teritoriul logicii. Urmează să explicitez acest paragraf. Ceea ce cred că s-ar putea constitui și într-un răspuns la obiecția lui Alec Fisher.

Pornesc de la câteva noțiuni, pe care deși le presupun cunoscute, revin asupra lor pe scurt și de la o observație informală.

Presupun cunoscute noțiunile: inferență sau raționament, de schemă de inferență sau de raționare și de protoschemă de raționare. De aceea revin asupra lor doar pe scurt.

Inferența sau raționamentul poate fi privit(-ă) ca *schemă* de raționare sau de inferență exemplificată print conținuturi de gândire naturală. În cadrul *schemei* se face abstracție de conținutul de gândire păstrând exact structura acesteia. Dar în cadrul *protoschemei* se face abstracție chiar de această structură sau de limbajul în care este exprimată, reținând doar ideea de premisă și de concluzie. Mai jos în coloana din stânga avem un raționament iar în mijloc o schemă de raționare. Aceasta redă simbolic raționamentul. Coloanele din dreapta expun două variante de *protoschemă* de raționare.

1. Oamenii sunt muritori	1. $\forall x(O(x) \supset M(x))$	P_1	\underline{P}
2. Prin urmare dacă toți sunt oamen atunci toți sunt muritori.	2. $\forall x O(x) \supset \forall x$ $M(x)$	\underline{P}_2	Q
		Q	

Protoschemele expuse arată că se pornește de la scheme de inferență cu două premise însemnând: P_1, P_2 prin urmare Q. Alteori poate fi vorba fie de o singură premisă, fie că de fapt se face abstracție inclusiv de numărul de premise. Astfel, nu interesează câte premise sunt ci doar că ele alcătuiesc un set de premise notat cu P.

De la protoschema artată se vor deriva *protoschemele de argumentare*.

Observația informală anunțată înaintea paragrafului despre inferență, se referă la două proprietăți ale protoschemei: de a fi *completă* și *standard*. Dintre cele trei nivele⁹ la care se pot defini acestea rețin doar nivelul schemei de inferență.

Numesc o protoschemă *Completă* (C) atunci când sunt date explicit atât toate premisele necesare obținerii concluziei cât și concluzia. Dacă cel puțin o premisă sau concluzia nu sunt menționate explicit, atunci schema este noncompletă ($\sim C$).

Numesc o protoschemă *Standard* (S) atunci când ordinea ei este următoarea: aceasta începe cu premisele și se termină cu concluzia. Dacă fie nu se începe cu premisele, fie nu se termină cu concluzia, atunci schema este nonstandard ($\sim S$).

Cum ambele proprietăți își au opusul lor, formez perechile: C , $\sim C$ și S , $\sim S$. Pe baza acestora construiesc un produs cartezian ale cărui elemente sunt perechi de asemenea proprietăți. Fiecare dintre acestea conturează câteva mulțimi de *protoscheme de argumentare*:

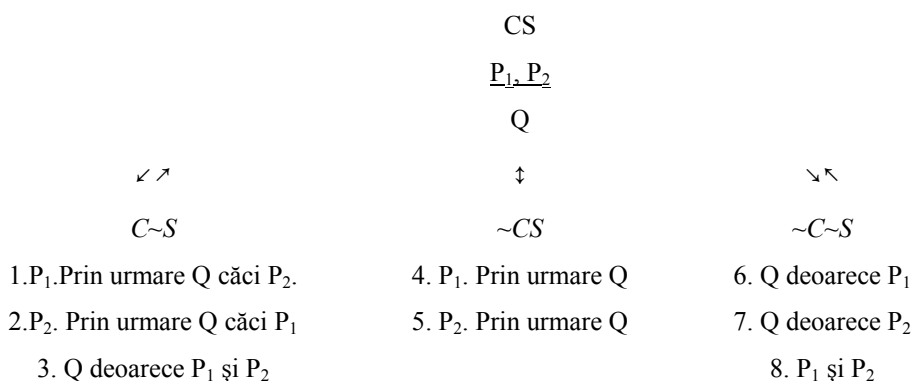
(C, S) este protoschema de raționare;

$(C\sim S)$ este mulțimea de protoscheme argumentative numerotate: 1, 2 și 3;

$(\sim C, S)$ este mulțimea de protoscheme argumentative numerotate: 4, 5;

$(\sim C\sim S)$ este mulțimea de protoscheme argumentative numerotate: 6, 7, 8.

Pe acestea le ordonez în forma unui arbore al cărui vârf este protoschema de inferență C, S din care pornesc trei ramuri care sunt protoschemele argumentative: $C\sim S$, $\sim C, S$, $\sim C\sim S$.



Parcurgerea arborelui este posibilă atât ascendent cât și descendent. Aici este avută în vedere doar cea ascendentă. Aceasta poate fi făcută atât de către un logician cât și de către receptorul argumentației. Dar foarte posibil că aici va fi intervenit logicianul. Acesta fără a fi neapărat adresantul argumentației, *eșantionează* dialogul celor doi argumentatori, pe care îl *reconstruiește* în

⁹ Acestea pot fi definite la (cel puțin trei) nivele: a) al *propozițiilor* (premise, concluzie); b) al *protoschemei* sau schemei de inferență sau de argumentare; c) al *metaschemei* de inferență (schemă ale cărei premise și concluzii sunt tot inferențe).

laboratorul său în mai multe trepte: întâi fiecare replică în parte este reconstituită ca inferență. Apoi inferențele fiecăruia sunt unificate în câte o bază de cunoștințe proprie fiecăruia. Fiecare dintre cele două baze de cunoștințe este simbolizată. Interesul logicianului este doar unul teoretic, între altele de a vedea cum din baze de cunoștințe diferite se deduc valid concluzii opuse Q și $\sim Q$.

Se observă că dintr-o astfel de protoschemă cu *doar două premise și o concluzie*, cu aceste *două proprietăți* (completă și standard), se obțin opt *protoscheme argumentative*. Pentru cazuri cu mai mult de două premise sau concluzii, numărul celor opt se multiplică doar cantitativ nu calitativ.

Interpretate în limba naturală, protoschemele argumentative sunt chiar fragmente ale conduitelor celor doi agenți argumentatori care se contrazic.

Din cele de mai sus urmează inclusiv că teoria argumentării pe care mă bazez aici nu este doar pentru domeniul unui limbaj anumit. Ea poate fi exemplificată prin toate schemele silogistice, stoiciene, de logica predicatelor și din oricare limbaje modale, dar nu numai în logica deductivă ci și în cea inductivă. Astfel că raționamentul și schema în logica predicatelor asociată acestuia este doar o exemplificare din mulțimea celor posibile și lista de exemplificări nu putea fi una exhaustivă.

Astfel, parcurgerea ascendentă a acestui arbore de la una dintre pozițiile argumentative, spre inferență, prin completare și standardizare este ceea ce mută discuția despre argumentare în teritoriul logicii modale¹⁰.

3.2. Componenta modală

Introducerea acestei a doua componente revine la câteva idei generale și simple. **Prima** este aceea că implicația necesară și relația de deductibilitate, altfel spus relația de consecință logică sunt echivalente: $L(A \supset B) \equiv A \vdash B$ așa cum considera Clarence Irving Lewis¹¹. Ideea este reluată și de Hughes și Cresswell¹². Dintre logicienii români a reluat și folosit din plin această idee Cornel Popa¹³.

A doua idee simplă își află originea parțial în ideea anterioară. Relația de consecință logică între un set de premise P și o concluzie Q se poate scrie atât orizontal, după cum deja reiese de acolo: $P \vdash Q$, dar și vertical.

$$\begin{array}{cc} P \vdash Q & \underline{P} \\ & Q \end{array}$$

¹⁰ Iliescu, Gabriel, *Schemele de inferență și gândirea naturală*, Analele Universității Spiru Haret, Seria Studii de Filosofie, Nr. 3, București, 2001, pp. 81-85

¹¹ Clarence Irving Lewis, *Implicație și deductibilitate*, în *Logică și Filosofie*, Editura Politică, București, 1966, p. 263.

¹² Hughes, G. E și Cresswell, M. J, *An introduction to modal logic*, Spottiswoode, Ballantyne and Co Ltd, 1968, p. 27.

¹³ Popa, Cornel, *Logică și metalogică*, vol II, Editura Fundației România de Măine, București, 2002, p. 242.

A treia idee este că operatorul necesitate, L este pe de o parte *distribubil* față de conjuncție. Ceea ce înseamnă că dacă este în *prefix*, adică $L(p \& q)$ se poate rescrie distribuit pe lângă fiecare membru al conjuncției, adică $Lp \& Lq$. Dar și de la forma aceasta *distribuită* se poate trece la cea *prefixată*. Pe scurt avem următoarea teoremă de echivalență în logica modală propozițională și ea aparține sistemului de logică modală propozițională K : $L(p \& q) \equiv Lp \& Lq$ ¹⁴.

A patra idee derivă din unele anterioare. Întâi, echivalențele materiale sunt decompozabile în conjuncții de implicații reciproce. Ca urmare, și echivalențele necesare sunt la rândul lor decompozabile în conjuncții de implicații necesare.

Apoi conform primei idei urmează: $L(A \equiv B) \equiv (A \vdash B) \& (B \vdash A)$. În final, tocmai din aceasta urmează și că $L(A \equiv B) \vdash ((A \vdash B) \& (B \vdash A))$ și $((A \vdash B) \& (B \vdash A)) \vdash L(A \equiv B)$. Iar conform ideii a doua avem dreptul de a scrie:

$$L(A \equiv B) \vdash ((A \vdash B) \& (B \vdash A)) \qquad ((A \vdash B) \& (B \vdash A)) \vdash L(A \equiv B)$$

<u>$L(A \equiv B)$</u>		$A \vdash B$
$A \vdash B$		<u>$B \vdash A$</u>
$B \vdash A$		$L(A \equiv B)$

Cea de a **cincea** idee provine din alte două teoreme și din a doua idee simplă menționată aici. Două teoreme modale din același sistem T ¹⁵ arată că:

$$L(\sim p \supset p) \equiv Lp \qquad L((p \supset \sim p)) \equiv L \sim p$$

Ambele fiind teoreme de echivalență, se înțelege că în orice context întâlnesc unul dintre membrii uneia, îl pot înlocui cu celălalt. Ceea ce spune mai specific prima este că necesitatea unei formule, Lp , este echivalentă cu necesitatea implicării de către negația sa. Iar cea de a doua arată că necesar falsul, $L \sim p$, echivalează cu implicația necesară a unei formule asupra propriei negații. Acum, pornind de la echivalența $L(A \supset B) \equiv A \vdash B$, parcurg următorii pași deductivi:

1. $L(A \supset B) \equiv A \vdash B$	B/A, 1	B/A, 1	5. $L(A \supset B) \equiv A \vdash B$
2. $L(A \supset A) \equiv A \vdash A$	B/A	p/A, q/~A	6. $L(A \supset \sim A) \equiv A \vdash \sim A$
3. $L(\sim A \supset A) \equiv LA$	A/~A B/A	p/A	7. $L((A \supset \sim A)) \equiv L \sim A$
4. $\sim A \vdash A \equiv LA$	2, 3, RE	6, 7, RE	8. $A \vdash \sim A \equiv L \sim A$

Iar conform ideii anterioare, celor două echivalențe le corespund două câte două (meta)scheme de inferență:

¹⁴ Idem, p247.

¹⁵ Hughes, G, E și Cresswell, M, J, *An introduction to modal logic*, Spottiswoode, Ballantyne and Co Ltd, 1968, pp. 38-39.

$$\begin{array}{cc} \sim A \vdash A \equiv LA & A \vdash \sim A \equiv L \sim A \\ \\ \frac{\sim A \vdash A}{LA} & \frac{LA}{\sim A \vdash A} & \frac{A \vdash \sim A}{L \sim A} & \frac{L \sim A}{A \vdash \sim A} \end{array}$$

Ceea ce înseamnă că o formulă necesar adevărată, LA , este echivalentă, deci înlocuibilă cu relația de consecință, $\sim A \vdash A$. Iar o formulă necesar falsă, $L \sim A$, la rândul său e înlocuibilă cu faptul că aceasta are consecința propria ei negație, $A \vdash \sim A$. În același sistem T întâlnim teoremele:

$$L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \equiv L \sim p \quad L((p \supset q) \& (\sim p \supset q)) \equiv Lq^{16}$$

Prin înlocuirile bazate pe simbolul de echivalente de mai sus acestor teoreme li se poate aduce o mică modificare.

$$\begin{array}{cc} L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \equiv L(p \supset \sim p) & L((p \supset q) \& (\sim p \supset q)) \equiv L(\sim q \supset q) \\ ((P \vdash Q) \& (P \vdash \sim Q)) \equiv P \vdash \sim P & ((P \vdash Q) \& (\sim P \vdash Q)) \equiv (\sim Q \vdash Q) \end{array}$$

Conform aceleiași idei anterioare cele două echivalențe se pot rescrie fiecare prin câte două (meta)scheme de inferență:

$$\begin{array}{cc} ((P \vdash Q) \& (P \vdash \sim Q)) \equiv P \vdash \sim P & ((P \vdash Q) \& (\sim P \vdash Q)) \equiv (\sim Q \vdash Q) \\ \\ \begin{array}{cc} P \vdash Q & \underline{P \vdash \sim P} \\ \underline{P \vdash \sim Q} & P \vdash Q \\ P \vdash \sim P & P \vdash \sim Q \\ 1 & 2 \end{array} & \begin{array}{cc} P \vdash Q & \underline{\sim Q \vdash Q} \\ \underline{\sim P \vdash Q} & P \vdash Q \\ \sim Q \vdash Q & \sim P \vdash Q \\ 3 & 4 \end{array} \end{array}$$

Conform coloanei 1 dintr un set de premise P derivă pe de o parte Q și pe de altă parte $\sim Q$. De unde urmează că P are drept consecință propria lui negație. Dar este valabilă și reciproca (conf coloanei 2). Apoi conform coloanei 3 concluzia Q derivă atât din setul de premise P cât și din opusul acestuia $\sim P$. De unde urmează că Q derivă din propria sa negație. Este valabilă și aici reciproca (conf coloanei 4).

Aceste idei generale de calcul alcătuiesc cadrul generic pe fundalul căruia apare întrebarea inițială. Acum folosesc aceste idei pentru a arăta propriu zis cum am ajuns la problema expusă mai sus. Ele sunt în comun utilizabile atât pentru aspectul de teoria argumentării cât și pentru cel de logică modală.

¹⁶ Hughes, G., E. și Cresswell, M., J., *An introduction to modal logic*, Spottiswoode, Ballantyne and Co Ltd, 1968, p 39 și Popa, Cornel, *Logică și metalogică*, vol II, Editura Fundației România de Măine, București, 2002, pp. 251-252.

4. Îmbinarea celor două componente

Acum arăt că cele două componente pot fi apropiate în mod reciproc.

Pornesc de la componenta argumentativă spre cea modală. Ținta este obținerea metaschemei din coloana 1.

Întâi, arborele celor opt protoscheme argumentative poate sta pentru opt lumi posibile distincte în care un agent uman argumentează în unul dintre cele opt variante, toate provenite prin deconstrucție din aceeași inferență.

Apoi, oricare replică într-un dialog de argumente exemplifică una dintre cele opt protoscheme argumentative. Asemenea replică-argument este standardizată sau-și completată ca inferență, aici presupusă, deductiv validă. Aceeași procedură se aplică tuturor replicilor agentului argumentator. Cu alte cuvinte pentru fiecare secvență argumentativă a unui asemenea agent parcurg drumul ascendent în arborele celor opt protoscheme arătat mai sus. Din astfel de inferențe deductiv valide ce provin din reconstrucția argumentelor, compun o singură deducție. Aceasta conține: lista de premise sau baza de cunoștințe: P_1, \dots, P_n , a acestui agent argumentator pentru care convin că: $P_1, \dots, P_n = P$; lista de concluzii, anterior deductibile din inferențe separate, Q_1, \dots, Q_m , acum deductibile din această unică listă de premise; convin că: $Q_1, \dots, Q_m = Q$. Astfel că are loc trecerea de la situația în care un agent argumentator h argumentează prin premisele P concluzia Q , $Arg(h, P, Q)$, la situația în care din P se deduce Q : $P \vdash Q$. Conform celei de a doua idei simple din secțiunea despre componenta modală, adaptată la cele de aici: $L(P \supset Q) \equiv P \vdash Q$. Ținând cont de prima idee simplă din aceeași secțiune scrierea poate fi și una verticală. Așadar avem următoarea tranziție:

$$\begin{array}{ccccc}
 1 & & 2 & & 3 \\
 & \rightarrow & \frac{P}{Q} & \rightarrow & \\
 Arg(h, P, Q) & & & & L(P \supset Q) \\
 & \rightarrow & P \vdash Q & \rightarrow &
 \end{array}$$

Astfel am parcurs în plan metateoretic și rezumativ drumul de la forma argumentativă de exprimare la o metaschemă inferențională rescrisă ca teoremă modală precum cea arătată în grila imediat anterioară în coloana 1. Mai scurt spus, am parcurs drumul de la componenta argumentativă naturală la cea de logică modală.

Drumul se poate parcurge și invers de la componenta modală la cea argumentativă. Teorema modală se poate rescrie ca metaschemă inferențională. Iar lanțul de inferențe care o alcătuiesc se poate descompune în inferențe separate. Fiecare dintre acestea se poate deconstrui la rândul său în mai multe variante, conform grilei cu metascheme argumentative prezentate în secțiunea despre componenta argumentativă.

5. Situația vizată în teoria argumentării

Situația presupus reală de la care pornesc este că doi agenți argumentează din premisele diferite, concluzii opuse, folosind seturi de premise diferite. După procedura invocată mai sus, argumentările sunt reconstruite ca inferențe deductiv valide. Încât consider că ambii argumentatori de fapt deduc valid concluzii opuse.

Replicile din dialog ale fiecăruia din cei doi sunt standardizate sau-și complete ca inferențe presupus deductiv valide. Din astfel de inferențe provenite din reconstrucția argumentelor compun o singură deducție.

Pentru h_1 aceasta conține: lista de premise sau baza de cunoștințe, T_1, \dots, T_n , pentru care convin că: $T_1, \dots, T_n = T$; lista de concluzii, anterior deductibile din inferențe separate, Q_1, \dots, Q_m , ulterior deductibile din această unică listă de premise, din care rețin o unică concluzie finală: Q . Astfel că pentru h_1 are loc trecerea de la situația în care acesta argumentează prin premisele T concluzia Q , $Arg(h_1, T, Q)$, la situația în care din T se deduce Q : $T \vdash Q$. Conform celei de a doua idei simple din secțiunea despre componenta modală, adaptată la cele de aici: $L(T \supset Q) \equiv T \vdash Q$.

Apoi pentru h_2 avem ceva similar: lista de premise sau baza de cunoștințe, U_1, \dots, U_ℓ , pentru care convin că: $U_1, \dots, U_\ell = U$; lista de concluzii, anterior deductibile din inferențe separate, Q_1, \dots, Q_k , ulterior deductibile din această unică listă de premise, din care rețin o unică concluzie finală: $\sim Q$. Astfel că și pentru h_2 are loc trecerea de la situația în care acesta argumentează prin premisele U concluzia $\sim Q$, $Arg(h_2, U, \sim Q)$, la situația în care din U se deduce $\sim Q$: $U \vdash \sim Q$. Conform celei de a doua idei simple din secțiunea despre componenta modală, adaptată la cele de aici: $L(U \supset \sim Q) \equiv U \vdash \sim Q$. Așadar aplicând cele din secțiunea anterioară, avem și aici, următoarea tranziție:

1	2	3
$Arg(h_1, T, Q)$	$\rightarrow T \vdash Q$	$\rightarrow L(T \supset Q)$
$Arg(h_2, U, \sim Q)$	$\rightarrow U \vdash \sim Q$	$\rightarrow L(U \supset \sim Q)$

Acum, în coloana 2 există două relații de deductibilitate deci două implicații stricte. Nu reiese ce concluzie se poate deduce de acolo. Astfel că cele două deducții sunt asimilabile la cele două implicații necesare (pașii 1-3). Continui calculul pentru a afla atât ce consecințe derivă cât și dacă relația este reversibilă, deci dacă teorema modală asociată este o echivalență sau doar o implicație unilaterală:

1. $T \vdash Q, U \vdash \sim Q$	
2. $L(t \supset q) \& L(u \supset \sim q)$	$L(A \supset B) \equiv A \vdash B, T/t, U/u, 1$
3. $L((t \supset q) \& (u \supset \sim q)) \dots$	$L(p \& q) \equiv Lp \& Lq, 2$
4. $L((\sim t \vee q) \& (\sim u \vee \sim q))$	$A \supset B \equiv \sim A \vee B, 3$

- | | |
|---|---|
| 5. $L((\sim u \vee \sim t \vee q) \& (\sim t \vee \sim u \vee \sim q))$, $A \vdash (A \vee B)$, 4 | |
| 6. $L \sim(t \& u)$ | Rezoluție în q , 5, De Morgan |
| 7. $L \sim(T \& U)$ | T/t , U/u |
| 8. $L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$ | $L((p \supset \sim p)) \equiv L \sim p$, 6 |
| 9. $T, U \vdash \sim(T \& U)$ | $L(A \supset B) \equiv A \vdash B$, 7 |
| 10. $L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$ | 8 |
| 11. $L(\sim(t \& u) \vee \sim(t \& u))$ | $A \supset B \equiv \sim A \vee B$, 10 |
| 12. $L(\sim t \vee \sim u \vee \sim t \vee \sim u)$ | De Morgan, Asociativ, 11 |
| 13. $L(\sim t \vee \sim u)$ | Idempotența, 12 |
| 14. $L(\sim t \vee \sim u) \vee (q \& \sim q)$ | Introducerea disjuncției, 13 |
| 15. $L(\sim t \vee \sim u \vee q) \& (\sim t \vee \sim u \vee \sim q)$, Distribuție, 14 | |

Concluzia, de fapt deducția concluzivă este la pasul 9: $T, U \vdash \sim(T \& U)$. După pasul 9 reiau succesiv pașii anteriori acestuia în ordine inversă pentru a vedea dacă este vorba despre o echivalență. Ei pot fi recuperați până la punctul 15 omologul punctului 5. De aici nu se mai poate trece la un punct 16 care să fie omologul lui 4. Ceea ce înseamnă că teorema așa zis nouă *nu este una de echivalență ci de implicație unilaterală*.

Așadar, din situația argumentativă menționată prin calculul modal la care am asimilat-o am obținut metaschema de inferență de jos-stânga. Procedura s-a bazat pe scurtcircuitarea relației dintre pașii 1 și 7. Pe de altă parte substituind în echivalența $A \vdash \sim A \equiv L \sim A$, pe A cu $T \& U$ se obține metaschema de jos-dreapta, cu cele două variante de sub ea (pașii 6-8):

1. $T \vdash Q$	<u>1. $L \sim(T \& U)$</u>
2. <u>$U \vdash \sim Q$</u>	2. $T, U \vdash \sim(T \& U)$
3. $L \sim(T \& U)$	↓
	<u>1. $L \sim(T \& U)$</u>
	2. $T, U \vdash \sim(T \& U)$
	↓
	<u>2. $T, U \vdash \sim(T \& U)$</u>
	1. $L \sim(T \& U)$

Dacă din două seturi de premise T și U decurg concluzii opuse conjuncția acestor seturi de premise este necesar falsă (pașii 6, 7)¹⁷.

Din cele două metascheme de mai sus, prin schimb de echivalente, obținem o a treia metaschemă mai jos. În coloanele 1 și 2 avem metaschemele-premise iar în 3 avem metaschema-concluzie:

1	2	3
1. $T \vdash Q$	<u>1. $L \sim(T \& U)$</u>	1. $T \vdash Q$
<u>2. $U \vdash \sim Q$</u>	2. $T, U \vdash \sim(T \& U)$	<u>2. $U \vdash \sim Q$</u>
3. $L \sim(T \& U)$		2. $T, U \vdash \sim(T \& U)$

¹⁷ Nu este valabilă și reciproca, deoarece în trecerea de la pasul 2 la 3 este antrenată schema de consecință logică $A \vdash (A \vee B)$, aceasta nefiind reversibilă.

De la aceasta, prin pași de același gen cu cei din secțiunea despre componenta modală și cea argumentativă, se poate ajunge la metascheme și de aici la situații argumentative precum cele de mai jos:

	$P \vdash Q$	\rightarrow	Arg(h, P, Q)
$L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \supset L(p \supset \sim p) \leftrightarrow$	$P \vdash \sim Q$	\rightarrow	Arg(h, P, $\sim Q$)
	$P \vdash \sim P$	\rightarrow	Arg(h, P, $\sim P$)
$L(p \supset \sim p) \supset L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \leftrightarrow$	$P \vdash \sim P$	\rightarrow	Arg(h, P, $\sim P$)
	$P \vdash Q$	\rightarrow	Arg(h, P, Q)
	$P \vdash \sim Q$	\rightarrow	Arg(h, P, $\sim Q$)
1	2	3	4

Primei metascheme de inferență îi corespunde situația argumentativă conform căreia un agent argumentator susține atât o teză cât și contradictoria acesteia pe baza aceluiași set de premise. De aici nu rezultă că același agent sau un altul argumentează opusul setului de premise pe baza setului însuși. Ceea ce metaschema deductivă are ca deducție concluzivă.

Celei de a doua metascheme de inferență îi corespunde invers, situația argumentativă conform căreia un agent argumentează negația unei teze pornind de la teza însăși. Nici de aici, nu rezultă că se va găsi un agent argumentator care să susțină că din acea formulă decurg concluzii contradictorii. În timp ce metaschema deductivă are două asemenea deducții concluzive.

În aceste ultime două cazuri relația este mai simplă. Din deducții-premisă ca și din deducția concluzivă derivă situații argumentative. De aici nu rezultă că între cele două tipuri de situații argumentative - cele derivate de la deducțiile-premise și cele derivate de la deducțiile-concluzive - ar fi prezentă cumva relația de consecință. În genere între situațiile argumentative nu sunt posibile metascheme inferenționale așa cum sunt posibile între deducțiile asociate acestora.

Așadar acesta este contextul în care apare problema, la care încerc să răspund.

6. Care dintre cele două formule modale se deduce din care?

Abia acum încerc să răspund la întrebarea inițială. Răspunsul ar trebui să susțină una dintre ipoteze din care să decurgă unele consecințe. Întâi rețin un rezultat anterior conform căruia noua teoremă și metaschema asociată ei este una de implicație, respectiv de consecință unilaterală, nu bilaterală, adică nu de echivalență. Acum, deduc întâi din formula din stânga (1) pe cea din dreapta (2).

$$L((p \supset q) \& (r \supset \sim q)) \supset L((p \& r) \supset \sim(p \& r)) \quad L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \equiv L(p \supset \sim p)$$

O primă variantă prescurtează drumul. La pasul 2 de mai jos se substituie r/p . Transpus în termenii situației argumentative ar însemna ca setul de premise al celui de al doilea agent argumentator, h_2 să fie înlocuit cu setul de premise al primului argumentator. Or în situația argumentativă la care mă refer, lucrurile nu se întâmplă de loc așa. Apoi majusculele folosite pentru seturile de premise sunt nu atât metavariabile, cât metaconstante. Dacă metaconstantele sunt o specie de constante atunci ca și acestea din urmă, nu sunt substituibile. Deși preferabilă prin scurtime, varianta aceasta nu este preferabilă prin inadecvarea la situația argumentativă reală. Simplificarea menționată ar fi aceasta:

1. $L((p \supset q) \& (r \supset \sim q)) \supset L((p \& r) \supset \sim(p \& r))$
2. $L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \supset L((p \& p) \supset \sim(p \& p))$ r/p
3. $L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \supset L(p \supset \sim p)$ Idemp, 2

O a doua variantă, deși mai lungă, este mai adecvată situației argumentative:

1. $L((t \supset q) \& (u \supset \sim q)) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$
2. $L((\sim t \vee q) \& (\sim u \vee \sim q)) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u)),$ $A \supset B \equiv \sim A \vee B, 1$
3. $L((\sim t \vee \sim u \vee q) \& (\sim t \vee \sim u \vee \sim q)) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u)),$ $A \supset (A \vee B), 2$
4. $L((t \& u) \supset q) \& ((t \& u) \supset \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u)),$ Asoc, $A \supset B \equiv \sim A \vee B, 3$
5. $L((p \& p) \supset q) \& ((p \& p) \supset \sim q) \supset L((p \& p) \supset \sim(p \& p)),$ $t/p, u/p, 4$
6. $L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \supset L(p \supset \sim p),$ Idp, 5

Pașii 2-4 arată că dacă dintr-un set de premise se deduce o concluzie atunci și dintr-o versiune extinsă a aceluiași set de premise este deductibilă aceeași concluzie. Extinderea bazelor noastre de cunoștințe conservă consecințele deductibile din vechile cunoștințe.

Prin intermediul pașilor 5-6 am figurat situația că două seturi de premise din care se deduce o concluzie sunt unificabile sau se poate considera că ar compune un al treilea set de premise. Acești pași sunt cei care lungesc demersul.

Chiar și așa, nu am obținut teorema de echivalență ci o implicație care este doar o parte a echivalenței inițiale. La punctul 1 nu am decât o teoremă de implicație, deci era firesc ca rezultatul de la 6 să fie tot o teoremă de implicație. Nu poate fi dedusă și reciproca teoremei de la punctul 1. Ca atare nu se poate deduce nici reciproca formulei de la 6. De aceea, din teorema de la punctul 1 al actualului calcul, nu se poate deduce echivalența anunțată inițial.

Pe de altă parte ținta este de a verifica dacă vreuna dintre formulele anunțate inițial este mai generală decât cealaltă și care anume. Fie și în limitele a ceea am obținut, rămâne de verificat dacă e posibilă și deducția inversă: de la 6 spre 1.

Deducerea inversă, din formula din dreapta, a celei din stânga, revine la parcurgerea ascendentă a calculului în șase pași anterior. Ceea ce nu este posibil, întâi de la pasul 5 la 4 și apoi de la pasul 3 la 2. Astfel trecerea ascendentă reluată mai jos ar fi posibilă printr-o substituție greșită: o apariție a lui p ar trebui substituită cu t și altă apariție a aceluiași substituită cu u . Ceea ce ar încălca ideea de substituție uniformă.

4. $L((t \& u) \supset q) \& ((t \& u) \supset \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$, Asoc, $A \supset B \equiv \sim A \vee B$, 3

5. $L((p \& p) \supset q) \& ((p \& p) \supset \sim q) \supset L((p \& p) \supset \sim(p \& p))$, t/p, u/p, 4

Apoi tranziția de la 3 la 2 ar necesita eliminarea lui t dintr-o parte și a lui u din altă parte, pentru care nu avem o procedură.

2. $L(\sim t \vee q) \& (\sim u \vee \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$,

3. $L(\sim t \vee \sim u \vee q) \& (\sim t \vee \sim u \vee \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$,

Într-o perspectivă mai amplă pașii 2 și 3 fac legătura pasului 1 cu este pasul

4. Scurtcircuitând relația dintre 1 și 4 avem:

1. $L((t \supset q) \& (u \supset \sim q)) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$

4. $L((t \& u) \supset q) \& ((t \& u) \supset \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$, Asoc, $A \supset B \equiv \sim A \vee B$, 3

Inferențional vorbind, 4 arată că din două seturi de premise t și u derivă atât q cât și *non* q . Iar 1 exprimă ideea că doar din t derivă q și doar din u derivă *non* q . Ori nu rezultă că dacă dintr-un set de premise, aici t & u derivă o concluzie, fie q , (4) aceeași derivă și dintr-un set de premise mai sărac, de exemplu t (1). Același comentariu se poate face și pentru $\sim q$.

Dacă însă această deducție ar fi reușit atunci cele două formule respectiv metascheme ar fi avut grade egale de generalitate. În realitate s-au găsit două locuri în care deductibilitatea inversă nu este posibilă. Deductibilitatea de la partea implicativă a teoremei modale consacrate (din dreapta grilei inițiale): $L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \supset L(p \supset \sim p)$, la formula modală din stânga (aceleiași grile inițiale) $L((t \& u) \supset q) \& ((t \& u) \supset \sim q) \supset L((t \& u) \supset \sim(t \& u))$ și între metaschemele omoloage ale acestora nu este posibilă.

Astfel, formula din stânga este mai generală decât componenta implicativă a celei din dreapta. Ceea ce exclude ambele ipoteze inițiale.

7. Concluzii

Cu referire la fundalul inițial anunțat, exceptând filosofia analitică la care nu m-am referit aici, cred că demersul acesta este consonant doar cu Ch Perelman dar nu și cu Stephen E. Toulmin, nici cu Alec Fisher.

Ch. Perelman remarca despărțirea dintre logică și argumentare, ca stare de fapt chemând la depășirea acestei situații, ceea ce se poate. Am concluzionat deja din afirmațiile lui Perelman că logica și argumentarea erau separate, cel puțin la acea dată (1958).

În secțiunea privitoare la componenta argumentativă propun ideea că atât argumentatorului cât și receptorului le este constitutivă aceeași multitudine de scheme de inferență, fiecare dintre ele fiind deconstruibilă sub forma mai multor argumente. Invers, fiecare argument poate fi reconstruit ipotetic în mai multe variante de inferențe. Putem spera că una dintre reconstrucții coincide cu patternul inferențional activat în gândirea argumentatorului. Din aceste motive pe de o parte,

nu este corect să ne așteptăm ca argumentelor naturale expuse ca atare, să li se aplice metode precum diagrame Venn sau tabele sau tablouri (Fisher). Acestea însă, pot fi aplicate argumentelor reconstruite: standardizate și completate și apoi simbolizate în vreun limbaj logic. Încât logica nu trebuie și mai mult despartită de teoria argumentării decât este deja.

Adaug doar două remarci referitoare la Toulmin. Prima este privitoare la emitent. Cum emitentul argumentează pe baza unui unic asemenea pattern, atunci receptorul are de reconstruit o singură asemenea structură. În funcție de circumstanțe receptorul se va confrunta cu lipsa când a unora când a altora dintre elementele acestui unic pattern. Toulmin descoperă astfel o unică structură argumentativo-inferențială în funcție de care argumentele (doar) incomplete pot fi completate. El propune astfel reorientarea argumentării spre ceva diferit de logică¹⁸. În ceea ce privește punctul de vedere privind argumentarea propus aici, completarea părților lipsă ale unui argument este, ce e drept, partea cea mai dificilă, fie și măcar prin caracterul său noneuristic.

A doua remarcă privește problema convingerii, care, în fond, este scopul oricărei argumentări, prin definiție. Iar dacă după expunerea argumentelor menite să convingă de teza Q , o prefixez pe aceasta cu un operator de excepție: “exceptând cazul în care”, “dacă un cumva”, efectul se întoarce chiar împotriva scopului de a convinge.

Din modul în care au fost verificate ipotezele inițiale, nu neapărat din confirmarea uneia dintre ele, urmează unele consecințe privind raportul dintre situațiile argumentative, teoremele de logică modală și metaschemele asociate lor.

Revin asupra următoarei idei. Două situații argumentative $Arg(h1, T, Q)$ și $Arg(h2, U, \sim Q)$ se pot construi ca deducții: $T \vdash Q$, respectiv $U \vdash \sim Q$. Din aceste deducții derivă deducția concluzivă $T, U \vdash \sim(T \& U)$. Aceasta poate fi deconstruită ca situația argumentativă $Arg(h3, \{\{U, T\}, \sim\{U \& T\}\})$. Din acestea nu urmează că situațiile argumentative $Arg(h1, T, Q)$ și $Arg(h2, U, \sim Q)$ au ca urmare $Arg(h3, \{\{U, T\}, \sim\{U \& T\}\})$. Cu alte cuvinte nu rezultă că acestei deducții concluzive îi corespunde în mod real o conduită a vreunui agent argumentator. Se poate foarte bine întâmpla ca primele două situații argumentative să aibă loc și cea de a treia să lipsească. Altfel spus, situația deductivă dintre deducțiile-premise și deducția – concluzivă nu se transmite asupra situațiilor argumentative. Situația creată nu este, deci nu trebuie interpretată ca un fel de tranzitivitate care s-ar închide pe de o parte între situațiile argumentative $Arg(h1, T, Q)$ și $Arg(h2, U, \sim Q)$, prin intermediul metaschemei de inferență, și pe de altă parte, deconstrucția acestei concluzii care este $Arg(h3, \{\{U, T\}, \sim\{U \& T\}\})$.

Dincolo de aceasta, situațiile argumentative sunt o sursă de teoreme modale. Ceea ce în termenii de aici, ai secțiunii privitoare la componenta argumentativă, înseamnă că argumentele se pot reconstrui în ultimă instanță ca metascheme de

¹⁸ Stoianovici, Drăgan, *Argumentarea și gândirea critică*, Editura Universității București, 2005, p 17.

inferență. Iar conform secțiunii privind componenta modală, metaschemele pot fi rescrise ca teoreme modale.

Apoi, teoremele modale sunt o sursă de posibile situații argumentative. Acestea sunt conținute ca niște cazuri particulare în interpretările teoremelor. Ceea ce în termenii de aici, din secțiunea privitoare la componenta modală, înseamnă că teoremele modale pot fi rescrise ca metascheme de inferență. La rândul lor, metaschemele pot fi deconstruite ca argumente, conform ideilor din secțiunea despre componenta argumentativă. Și aceasta se întâmplă chiar dacă, cel puțin unele teoreme, modale nu provin dintr-o anumită situație argumentativă în mod explicit cum ar fi cazul celei din dreapta grilei inițiale de aici.

Ceea ce nu are cum să reiasă prea bine de aici¹⁹ este faptul, altminteri cunoscut, că *Teoria argumentării* și *Logica* au genuri de probleme și discursuri diferite.²⁰ Încât cele două nu sunt reductibile reciproc. Pe acest fond se impun aceste *precizări*.

Prima precizare este distincția între *a reduce* și *a conecta* cele două domenii. Este posibilă conectarea acestora, pe care sper că am ilustrat-o.

A doua precizare amănunțește această posibilitate. Disting între două moduri de a decide posibilitatea/imposibilitatea de a conecta cele două domenii: decizia *anterioară* respectiv decizia *ulterioară* oricărei încercări. Imaginez că între cele două domenii sunt posibile o multitudine de fire de legătură prin care încerc să le conectez. Pentru oricare asemenea fir ar trebui să decid dacă el poate conecta sau nu cele două domenii. Există atât conexiuni posibile cât și altele, imposibile între argumentare și logică. Nu se poate trata în mod global și apriori această unificare și este cam greu de trasat granița între conexiunile realizabile și cele irealizabile. O astfel de conexiune am arătat că se poate stabili între două componente ale celor două domenii:

a) o componentă din *domeniul argumentării* și anume argumentarea de concluzii opuse din seturi diferite de argumente – premise;

b) a doua componentă din *domeniul logicii modale*, fiind vorba despre teorema: $L((p \supset q) \& (p \supset \sim q)) \equiv L \sim p$ din sistemul de logică modală normală T.

Astfel încât, conexiunea argumentării nu este doar cu logica în general dar cu logica modală în special.

Lista inițială de ipoteze a fost excedată de situația reală care s-a ivit. Fără a infirma vreuna dintre ipoteze, se poate spune că este confirmată o a treia, neinclusă în lista inițială de ipoteze. Formula din stânga este mai generală decât o parte sau o variantă a celei din dreapta. Ceea ce apropie de ipoteza 1.

¹⁹ Nu am fost interesat de analizarea unor exemple concrete de argumente.

²⁰ Discurs simbolic în cazul logicii și discurs natural în cazul argumentării.

Bibliografie

1. Stoianovici, Drăgan, *Argumentarea și gândirea critică*, Editura Universității București, 2005
2. Toulmin, Stephen, *The uses of argument*, Cambridge University Press, 2003
3. Fisher, Alec, *The Logic of real Arguments*, Cambridge University Press, second editon, 2004
4. Iliescu, Gabriel, *Schemele de inferență și gândirea naturală*, Analele Universității Spiru Haret, Seria Studii de Filosofie, Nr. 3, București, 2001
5. Clarence Irving Lewis, *Implicație și deductibilitate*, în *Logică și Filosofie*, Editura Politică, București, 1966
6. Popa, Cornel, *Logică și metalogică*, vol II, Editura Fundației România de Mâine, București, 2002
7. Hughes, G, E și Cresswell, M, J, *An introduction to modal logic*, Spottiswoode, Ballantyne and Co Ltd, 1968