

## LOGICISMUL LUI HINTIKKA. DE LA TEORIA SEMANTICĂ A JOCURILOR LA LOGICA IF (INDEPENDENCE-FRIENDLY LOGIC)

IOAN BIRIȘ

După cum se cunoaște, criza din fundamentele matematicii a luat o turnură dramatică în momentul conștientizării paradoxurilor. Or, după ce teoria lui Cantor despre mulțimi a fost pusă la temelia matematicilor, apariția de paradoxuri era considerată intolerabilă. Principalele strategii adoptate în epocă în vederea blocării intruziunii paradoxurilor au fost următoarele: a) intuiționismul lui Brouwer, menit să sublinieze îndeosebi procedeele de construcție a obiectelor matematice, evitând astfel construcțiile paradoxale; b) formalismul lui Hilbert, centrat pe ideea de fundamentare pur sintactică a matematicilor; c) logicismul dezvoltat în linia lui Frege, Russell și Whitehead, având ideea-forță de a fundamenta ansamblul matematicilor doar pe logică.

Istoriografia logicii din secolul XX va cunoaște însă un moment important – este vorba de anul 1967 – când apare lucrarea lui Jean van Heijenoort<sup>1</sup> (*De la Frege la Gödel...*), lucrare ce, după opinia lui Sébastien Richard, adunând pentru prima dată o serie de articole majore (cele mai multe netraduse până atunci în engleză), va contribui decisiv la cristalizarea imaginii unui Frege fondator al logicii moderne, oarecum în detrimentul altor autori ca Boole, Schröder sau Peirce<sup>2</sup>. Același autor (Jean van Heijenoort) va publica, tot în 1967, un articol – *Logic as Calculus and Logic as Language* – care, de asemenea, va avea influență în constituirea concepției din ultimii ani cu privire la istoria logicii.

Despre ce este vorba? Punctul de plecare al discuțiilor inițiate de către Jean van Heijenoort se referă la mărturisirea lui Frege în legătură cu înscrierea sa în continuarea proiectului leibnizian de a crea un *calculus ratorator* și o *lingua characteristică*. Prin *calculus ratorator* se urmărea un „calcul al deducției”, iar prin *lingua characteristică* era vizată o limbă exprimată cu ajutorul unor semne care să poată îndeplini rolul de a fi suport pentru un raționament. Pentru Jean van Heijenoort, cele două aspecte (calculul și limba) nu trebuie privite ca o uniune, ca un întreg, ci mai degrabă ca două abordări distincte ale logicii<sup>3</sup>. Din acest motiv istoria logicii din secolul XX s-a despărțit în două tradiții mai mult sau mai puțin opuse,

---

<sup>1</sup> Jean van Heijenoort, *From Frege to Gödel. A Source Book in Mathematical Logic, 1879–1931*, Harvard University Press, Cambridge/Massachusetts, 1967.

<sup>2</sup> Sébastien Richard, *La conception sémantique de la vérité. D'Alfred Tarski à Hintikka*, Academia Bruylant, Louvain-La-Neuve, 2008, p. 158.

<sup>3</sup> *Ibidem*, p. 159.

respectiv „logica în calitate de limbaj” și „logica în calitate de calcul”. Hintikka se va înscrie în această tradiție și va susține, în plus, că nu doar istoria logicii trebuie privită sub cele două aspecte, ci însăși relația noastră cu limbajul trebuie examinată din perspectiva celor două concepții opuse. Astfel, limbajul poate fi considerat: a) ca medium universal; b) ca un calcul.

Aceste două tradiții marchează întreaga istorie a logicii și filosofiei analitice<sup>4</sup> de după Frege, în prima putând include pe Frege, pe Russell și pe Wittgenstein, tradiție pentru care este fundamentală teza „universalității limbajului”; în cea de-a doua este foarte importantă teza „limbajului-calcul”, teză la care aderă Boole, Peirce, Schröder, Löwenheim, Gödel, Carnap și, într-o anumită măsură, Tarski. În conformitate cu prima tradiție, din moment ce se acceptă universalitatea limbajului, rezultă că noi nu putem ieși din limbaj și că logica nu poate fi considerată ca un instrument, ca un organon, ci doar ca limbaj universal. Pentru a doua tradiție, limbajul este mai degrabă „servitorul nostru”<sup>5</sup>, ceea ce înseamnă că îl putem utiliza ca un calcul, adică logica poate fi legată de perspectiva model-teoretică. De unde ideea lui Hintikka după care „piatra unghiulară” a oricărei semantici constă în relația unei propoziții cu modelele sale.

O consecință extrem de importantă din perspectiva limbajului ca medium universal este aceea că semantica este inefabilă (cum spune Hintikka), căci noi nu avem cum să ieșim din limbajul nostru pentru a judeca relațiile acestuia cu lumea (teză susținută și de către Wittgenstein). Cum se poate face logică într-o astfel de perspectivă? Hintikka răspunde că numai într-o manieră pur formală, dar se va ajunge la ceea ce el numește paradoxul formalizării. Pe de o parte, logicienii ca Frege și Wittgenstein, care au criticat ideile formaliste în fundamentele matematicii și și-au așezat logica lor pe temelii semantice, au ajuns ca, pe de altă parte, să fie printre logicienii cei mai importanți care dezvoltă ideea unui sistem logic pur formal.

În ceea ce privește tradiția limbajului-calcul, Hintikka o consideră intim legată de punctul de vedere model-teoretic (dezvoltat în cercetările lui Tarski). Totodată, atrage atenția Hintikka, în această tradiție este de maximă importanță ideea lui Wittgenstein a jocurilor de limbaj.

## **1. DE LA JOCURILE DE LIMBAJ LA O TEORIE GENERALA LOGICO-SEMANTICA**

Pornind de la jocurile de limbaj semnalate de către Wittgenstein, Hintikka amintește că ideea profundă a lui Wittgenstein nu constă în observația după care limbajul poate fi folosit în modalități diferite, ci în sublinierea că semnificația descriptivă trebuie să fie mediatizată prin activitățile umane guvernate de reguli, respectiv de jocurile de limbaj<sup>6</sup>. Iată de ce ideea jocurilor de limbaj poate deveni

---

<sup>4</sup> În ceea ce urmează, ne bazăm pe unele idei și pasaje din lucrarea noastră, Ioan Biriș, *Filosofia și logica științelor sociale*, Editura Academiei Române, București, 2014, capitolul 6.4.

<sup>5</sup> Sébastien Richard, *op. cit.*, p. 162.

<sup>6</sup> Jaakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités (avec un Appendice inédit de Gabriel Sandu, Préfacé et traduit par Manuel Rebuschi)*, Vrin, Paris, 2007, p. 52.

cheia de boltă a unei teorii logico-semantice. După opinia lui Hintikka, ar trebui să distingem între trei tipuri de jocuri de limbaj, așa cum se poate vedea și din tabelul care urmează<sup>7</sup>:

Tipul de joc	Jocuri semantice	Jocuri de verificare	Jocuri interogative
Ce arată o victorie	?	Adevăr logic	Cunoașterea adevărului
Criteriul victoriei	Adevărul enunțului produs	Încheierea jocului	Încheierea jocului
Operaționalizarea	A cerceta și a găsi	Încercare de construire a unui contra-model	Chestionare și inferență logică

Dacă jocurile semantice sunt jocuri constitutive pentru adevăr și sunt, de asemenea, jocuri din exterior (*outdoor games*), jocurile de verificare sunt jocuri de căutare a adevărului și sunt din interior (*indoor games*). Apoi, despre jocurile de verificare și cele interogative se poate spune că sunt „jocuri contra naturii” în sensul teoriei jocurilor (adică jocuri în care tentativei de verificare a unui enunț din partea unui subiect cunoscător i se opune, prin mașinațiile sale, un fel de „geniu rău”, care este „Natura”), precizează Hintikka.

Ideea lui Wittgenstein privind jocurile de limbaj se înscrie, însă, în spiritul vremii, în contextul mai larg al ceea ce este numit, cu sintagma „teoria jocurilor”, drept o nouă teorie potrivită pentru înțelegerea mai adâncă a realității sociale, deci inclusiv a limbajului. Câteva detalii istorice îl vor ajuta pe cititor să înțeleagă mai bine lucrurile. Direcția de cercetare care conduce până la urmă la afirmarea teoriei jocurilor trebuie căutată, pentru începuturile ei, în Școala austriacă de economie, în special în lucrările lui Karl Menger (1840–1921), considerat fondatorul Școlii psihologice austriece. Pentru Menger, fenomenele economice sunt în esența lor fenomene umane, iar explicația acestora în resorturile ultime trebuie să se găsească în psihologie. Până la urmă, crede Menger, psihologia este aceea care trebuie să explice după ce mecanism sunt fixate valorile mărfurilor<sup>8</sup>. E drept, în acest fel nu trebuie să avem pretenția că realizăm o „descriere pozitivă” a realității, dar este creată o realitate după gusturile personale.

Nu este lipsită de importanță nici activitatea Cercului de la Viena în acest domeniu, tot pe linia deschisă de către Menger, mai ales dacă avem în vedere construcția logicii științei de către Carnap în lucrarea sa *Der logische Aufbau der Welt*. Iar mai târziu, Wittgenstein va impune în mod decisiv sintagma „jocurilor de limbaj”. Un merit aparte l-au avut și unii matematicieni în anii '20 din veacul trecut, așa cum au fost Emile Borel sau Ernst Zermelo. Dar hotărâtor se pare că a fost articolul lui Oskar Morgenstern, *Logistik und die Sozialwissenschaften*,

<sup>7</sup> *Ibidem*, p. 66.

<sup>8</sup> Vezi și Emile James, *Histoire sommaire de la pensée économique*, 4<sup>e</sup> édition, Éditions Montchrestien, Paris, 1969, p. 197.

publicat în *Zeitschrift für Nationalökonomie* (1936), autor care, pe urmă, împreună cu John von Neumann, oferă lucrarea *Teoria jocurilor și comportamentul economic* (1944), în care găsim deja o teorie completă a comportamentului social strategic<sup>9</sup>. Articolul lui Morgenstern este interesant mai ales pentru sublinierile pe care autorul le face în legătură cu importanța logicii matematice, a „noii logici” ca disciplină formală pentru studiul comportamentului economic și social. Iar *Teoria jocurilor și comportamentul economic* „a marcat întreaga literatură economică de după război. Prelungită de cercetările lui Friedman, J. Marschak, L. Savage și P. Samuelson, această operă bulversa psihologia lui «homo-oeconomicus» și constituia un progres considerabil pentru cercetarea strategiilor optimale atașate diverselor situații”<sup>10</sup>.

Care sunt pașii mari ai evoluției teoriei jocurilor? O primă etapă poate fi considerată aceea a începuturilor, de prin anii '20 din secolul XX până la sfârșitul celui de-al Doilea Război Mondial. Apoi, a doua etapă cuprinde perioada de la sfârșitul războiului până prin anii '60–'70 din secolul XX, perioadă în care, dincolo de dezvoltările și rafinările ideilor lui Morgenstern și von Neumann, au fost formulate și o serie de paradoxuri și obstacole greu de depășit. Este o etapă în care, încurajați de cuceririle noii logici și de aplicațiile matematice în economie (calculul probabilităților, teoria grupurilor, iar von Neumann încurajase utilizarea teoriei ansamblurilor etc.), cercetătorii din domeniu foloseau cu predilecție o metodologie deductivă de analiză. O a treia mare etapă este din anii '80 ai secolului XX încoace, când se poate vorbi de o adevărată „renaștere”<sup>11</sup> în cercetările de teoria jocurilor. Această „renaștere” se produce – mai ales sub influența lui Harsanyi – prin impunerea unei metodologii predilect inductivă de factură Bayes-iană (dintre studiile lui Harsanyi, o influență deosebită a avut studiul intitulat *Games with Incomplete Information Played by Bayesian Players*), dar și sub influența noilor aplicații din biologia evoluționară (care au stimulat cercetările de teoria jocurilor pentru conflictele seriale) sau a confirmărilor empirice pentru soluțiile teoretice despre conflictele sociale. „Renașterea” de care vorbim în domeniul teoriei jocurilor nu este doar metaforică, rezultatele obținute de trei mari savanți ai domeniului (Nash, Harsanyi și Selten) fiind distinse cu Premiul Nobel pentru economie în 1994.

Până aici nu ne-am întrebat însă ce înțelegem prin teoria jocurilor, cum am putea defini ceea ce numim teoria jocurilor? Unul dintre cei trei câștigători ai Premiului Nobel, amintiți mai înainte, e vorba de Reinhard Selten, sublinia la un moment dat că, dacă ar trebui să definească rapid teoria jocurilor, atunci ar spune cam așa<sup>12</sup>: ea este modelarea matematică și analiza interacțiunilor cu scop aflate în conflict și cooperare. Dacă pentru Morgenstern și von Neumann erau interesante de studiat formele normale și cele extensive de joc, precum și jocul de coaliție și

---

<sup>9</sup> Werner Leinfellner, care a lucrat timp de patru ani cu Oskar Morgenstern, își amintește că Morgenstern visa mereu la o teorie atotcuprinzătoare despre comportamentul social. Vezi Werner Leinfellner, *Introduction*, în vol. Werner Leinfellner, Eckehart Köhler (eds.), *Game Theory, Experience, Rationality*, Kluwer Academic Publisher, Dordrecht/Boston/London, 1998, p. 1.

<sup>10</sup> Emile James, *op. cit.*, p. 417.

<sup>11</sup> Werner Leinfellner, *op. cit.*, p. 2.

<sup>12</sup> Reinhard Selten, *Game Theory, Experience, Rationality*, în vol. Werner Leinfellner, Eckehart Köhler (eds.), *op. cit.*, p. 9.

strategiile maximax, respectiv maximin, pentru programul lui Nash erau centrale noțiunile de echilibru, de modelare a cooperării în cazul acțiunilor non-cooperative; mai târziu, pentru Harsanyi, de exemplu, devine foarte interesantă problema informației incomplete și reducerea acesteia la o informație completă; pentru Selten, trebuie lămurite strategiile de stabilitate evoluționară și modelele unei raționalități strategice; iar logic și filosofic vorbind, Hintikka va considera în ultimii ani că teoria jocurilor ne oferă o nouă logică, așa-numita logică *IF*.

Firește, cele mai simple jocuri sunt cele cu doi agenți. Dacă fiecare agent are scopul său, interesul său, am văzut că o dimensiune esențială a raționalității sociale este aceea a raționalității în procesul de agregare a preferințelor, adică raționalitatea scopurilor. Cea de-a doua componentă importantă este raționalitatea mijloacelor, altfel spus, în termenii teoriei jocurilor, raționalitatea strategiilor. Căci, după cum se poate observa și din definiția lui Selten, se urmărește modelarea interacțiunilor, iar în acest cadru implicit modelarea strategiilor pe care agenții le urmează, deoarece tocmai strategiile adoptate constituie mijloacele aflate la îndemână în procesul interacțiunii. Așadar, teoria jocurilor este aceea care ne poate spune ceva despre raționalitatea mijloacelor în acțiunile sociale.

Există însă o mare diversitate de situații de interacțiune și, drept urmare, o diversitate de jocuri. Literatura de specialitate pe această temă este una vastă, numărul studiilor din domeniu crescând de la o zi la alta. Scopul nostru nu este de a trece în revistă această literatură, ci de a surprinde elementele mai importante pentru a contura ceea ce s-ar putea numi logica jocurilor. În vederea prezentării unei imagini cât mai sintetice cu privire la tipurile de jocuri, vom apela la lucrarea lui Martin Hollis, *Introducere în filosofia științelor sociale*, acest autor reușind să ofere una din sintezele cele mai clare asupra subiectului<sup>13</sup>. După opinia lui Hollis, diversele jocuri pot fi încadrate în patru tipuri fundamentale: 1) jocuri de coordonare; 2) jocuri de tipul dilema deținutului; 3) jocuri de tipul fricosului; 4) jocuri de tipul bătăliei sexelor.

După cum recunoaște și Hollis, aceste patru tipuri de jocuri fundamentale nu sunt singurele în viața socială, nu epuizează sfera acțiunilor sociale, cercetarea din domeniu putând evidenția și alte forme. Dar ele sunt suficiente pentru a ne face o imagine relativ clară, căci sunt acoperite zone extinse din viața indivizilor și comunităților, așa cum sunt toate situațiile de coordonare a acțiunilor când nu există interese contrare, apoi situațiile cu interese contrare, dar cu suprapunere parțială, cele de angajament și luptă, de prestigiu, dar și de supunere și frustrare, de putere și alienare, de comunicare și necomunicare etc.

O problemă centrală pentru teoria jocurilor rămâne următoarea: cum se explică fenomenul social al cooperării? Pentru această teorie, un joc este cooperativ dacă jucătorii respectă înțelegerile, altfel este necooperativ. Dar a devenit clar că jucătorii trădează de obicei, deci suntem nevoiți să ne întrebăm dacă jocurile necooperative pot da naștere la jocuri cooperative. Lecția lui Hobbes este esențială pentru teoria jocurilor, atrăgând atenția că indivizii nu ajung singuri la cooperare,

---

<sup>13</sup> Martin Hollis, *Introducere în filosofia științelor sociale*, Editura Trei, București, 2001. A se vedea în special capitolul 6, „Jocuri cu agenți raționali”.

dar, dacă sunt raționali, pot fi de acord să creeze o putere – *Leviathanul* – , putere căreia nu i se mai pot sustrage pe urmă, știind că încălcarea înțelegerilor, a contractelor, va fi pedepsită. Avea Platon dreptate? Suntem răi prin natura noastră și nu respectăm înțelegerile decât de frică? De ce nu funcționează încrederea, așa cum arată dilema deținutului? Nu avem nici onoare? E rațional să ai onoare și s-o respecti? Este rațional să te conduci irațional? Sunt întrebări tulburătoare, însă teoria jocurilor ni le aduce în prim plan. Să recunoaștem că termenul de „încredere” nu este nici el destul de clar, apoi din analiza agenților raționali ne lipsesc frecvent motivele acțiunii, respectiv sursele preferințelor.

Putem reține însă cel puțin următoarele dominante. În primul rând, accentul cade în întreaga teorie a jocurilor pe acțiunile agenților, deoarece studiul comportamental al acțiunilor ne poate explica în cele din urmă funcționarea vieții sociale. În al doilea rând, teoria face o simplificare dură, aproape toată sfera motivațională este redusă la funcția de utilitate, raționalitatea sau iraționalitatea deciziilor fiind judecată după speranțele de câștig ca utilitate, așa cum se vede foarte limpede și din diagramele jocurilor. Cu alte cuvinte, al doilea element dominant rezultat din analiza jocurilor este acela de strategie a jucătorilor, mai ales de strategie câștigătoare ca utilitate.

Dar ce legături se pot face între teoria jocurilor și logică? Din moment ce jocurile sunt atât de relevante pentru explicarea socialului, înseamnă că tot în sfera acestora ar trebui să găsim și logica sau logicile care dau seamă de acest domeniu. După cel de-al Doilea Război Mondial, jocurile cu doi agenți sau chiar mai mulți au devenit un instrument familiar pentru unele ramuri ale logicii și teoriei sociale. Însă existența unor legături între logică și jocuri poate fi stabilită cu mult înainte, după opinia unor autori astfel de relații s-ar regăsi chiar în silogistica aristotelică, dacă echivalăm regulile silogismului cu regulile unei dezbateri. Apoi, pe această filieră nu trebuie uitat că medievalii numiseră la un moment dat logica drept dialectică. Deci, n-ar trebui să constituie o surpriză faptul că, mai aproape de noi, Peirce propunea să interpretăm cuantificatorii în termeni de jocuri, iar Paul Lorenzen ne oferă în anii '50 din secolul XX o logică dialogică, un cadru în care dialogul să fie conectat cu fundamentele constructive ale logicii.

Așa cum arată Manuel Rebuschi și Tero Tulenheimo<sup>14</sup>, putem vorbi imediat după cel de-al Doilea Război Mondial de o „turnură a jocurilor”. S-au conturat în această perioadă trei orientări care utilizează instrumentele teoriei matematice a jocurilor. Astfel, o primă orientare este aceea a logicii dialogice, concepută inițial ca o abordare pragmatică a logicii, dar reînnoită în ultima vreme prin infuzia de abordări non-standard din semantică. O a doua orientare este cea a teoriei semantice a jocurilor (GTS), inițiată de către Hintikka în anii '70-'80 din secolul XX, orientare ancorată filosofic în ideea wittgensteiniană a jocurilor de limbaj și în practicile umane guvernate de reguli. Cea de-a treia orientare are în fruntea ei pe Johan van Benthem și alți logicieni din Școala Olandeză, orientare afirmată în ultimii ani ai veacului trecut, care explorează relațiile dintre logică și jocuri, la

---

<sup>14</sup> Manuel Rebuschi et Tero Tulenheimo, *Introduction. Des Jeux en logique*, în *Philosophia Scientiae*, 8 (2), 2004.

confluență cu cercetări actuale din logicile modale și epistemice. Pe lângă unele apropieri între aceste orientări, pot fi evidențiate și unele accente specifice, logica dialogică fiind mai interesată, de exemplu, de nivelul regulilor jocului, în timp ce teoria semantică a jocurilor vizează prin excelență nivelul strategiilor, iar Școala Olandeză se preocupă mai îndeaproape de studiul puterilor epistemice ale jucătorilor.

Un alt factor esențial care a contribuit la apropierea teoriei jocurilor de abordările logice este acela al „turnurii dinamice” din cadrul semanticii formale<sup>15</sup>. Dacă primele teorii semantice – aflate în linia teoretizată de către Tarski – concepeau confruntarea unui limbaj formal (sau limbaj bine delimitat de cel natural) cu un model al unui domeniu de obiecte doar într-o manieră statică, din momentul în care semantica s-a orientat înspre analiza discursului s-a impus dinamica interpretării, adică fenomenul numit „turnura dinamică”. Așa s-a ajuns să se observe că, de exemplu, într-un șir ordonat de fraze, într-un discurs, e posibil să se mobilizeze informație care nu era conținută direct în model. Această turnură dinamică sugerează inclusiv modificarea concepției tradiționale despre semnificație, deoarece într-o perspectivă dinamică se poate modifica interpretarea în funcție de contextul ulterior al discursului. Iar cu semantica dinamică se ajunge ca acțiunea agenților să-și găsească un loc central și în logică.

Mai mult, semantica jocurilor apelează explicit la ideea de interacțiune, iar când vorbim despre interacțiune suntem nevoiți să discutăm și despre strategiile jucătorilor. Așa stând lucrurile, problema crucială pentru semantica jocurilor va fi atunci existența sau non-existența strategiilor câștigătoare<sup>16</sup>, pentru că existența unei strategii câștigătoare ne semnalează adevărul sau validitatea în teoria jocurilor. Între noțiunile cele mai interesante și mai cunoscute, născute din teoria matematică a jocurilor, se află aceea de *informație imperfectă*, noțiune care a fost introdusă apoi de către Jaakko Hintikka și Gabriel Sandu în semantica jocurilor, rezultând o nouă logică – *logica IF*.

## 2. TEORIA SEMANTICĂ A JOCURILOR ȘI LOGICA IF

Pentru jocurile semantice este specific faptul că ele se constituie prin activitatea umană guvernată de reguli, de aceea interesează nu atât adevărul formal, ci îndeosebi adevărul material, în condițiile în care, după cum am văzut și din prezentarea jocurilor, mai ales în cazul dilemei deținutului, jucătorii nu cunosc mișcările partenerilor. Pentru a face mai ușoară înțelegerea situației, Hintikka ne propune să urmăm calea naturală a generalizării și sistematizării pe bază de observații, adică într-un mod inductiv. Să luăm exemplul de joc cu doi agenți: unul poate fi numit *verificator* (*V*) inițial, iar celălalt *falsificator* (*F*) inițial (ca în exemplele prezentate, unul poate coopera, celălalt poate defecta, unul respectă o înțelegere, celălalt trădează etc.). Un joc semantic (*G*) este întotdeauna asociat cu un anumit enunț ( $S_0$ ) cu care începe. Apoi, jocul poate trece prin diferite etape, astfel că  $S_0$  poate fi contextualizat în  $S_i$ . Limbajul subiacent jocului poate constitui

---

<sup>15</sup> *Ibidem*, p. 1.

<sup>16</sup> *Ibidem*, p. 3.

un model  $\mathbf{M}$ , iar pe această bază Hintikka, stabilește următoarele reguli pentru jocurile semantice<sup>17</sup>:

- (R.  $\vee$ ) (regula disjuncției):  $G(S_1 \vee S_2)$  debutează cu alegerea de către verificator a lui  $S_i$  ( $i = 1$  sau  $2$ ), iar jocul continuă ca în  $G(S_i)$ ;
- (R.  $\wedge$ ) (regula conjuncției):  $G(S_1 \wedge S_2)$  debutează cu alegerea de către falsificator a lui  $S_i$  ( $i = 1$  sau  $2$ );
- (R. E) (regula cuantificării existențiale):  $G((\exists x) S [x])$  începe cu alegerea de către verificator a unui membru din  $\text{do}(\mathbf{M})$ , să spunem  $b$ , iar jocul continuă în  $G(S [b])$ ;
- (R. A) (regula cuantificării universale):  $G((\forall x) S [x])$  se derulează ca și în regula anterioară, numai că de această dată cel care face alegerea este falsificatorul;
- (R.  $\sim$ ) (regula negației):  $G(\sim S)$  este ca și  $G(S)$ , numai că rolurile celor doi jucători au fost inversate;
- (R. At) (regula enunțului atomic): dacă  $A$  este un enunț atomic (sau un enunț de identitate) adevărat, atunci verificatorul câștigă jocul  $G(A)$  și falsificatorul pierde. Și viceversa, dacă  $A$  este un enunț atomic (sau un enunț de identitate) fals.

Având în vedere aceste reguli ale jocurilor semantice, Hintikka atrage atenția că problema adevărului se pune aici doar euristic, în sensul că enunțul  $S$  este adevărat dacă și numai dacă verificatorul inițial are posibilitatea să aleagă întotdeauna acele aplicații ale regulilor de joc care permit prezervarea adevărului<sup>18</sup>. Această idee euristică ne poate conduce la o definiție a adevărului pentru jocuri în limbajele aplicate de ordinul I:

- (R. T) (regula adevărului):  $S$  este adevărat în  $\mathbf{M}$  dacă și numai dacă există o strategie câștigătoare pentru verificatorul inițial în jocul  $G(S)$  din  $\mathbf{M}$ ;
- (R. F) (regula falsității):  $S$  este fals în  $\mathbf{M}$  dacă și numai dacă există o strategie câștigătoare pentru falsificatorul inițial în jocul  $G(S)$  din  $\mathbf{M}$ .

În mod clasic, observă Hintikka, baza logicii sau, altfel spus, adevărata logică elementară este logica de ordinul întâi. Dar această credință este pur și simplu o dogmă, iar în prezent sunt întrunite toate condițiile ca această dogmă să fie respinsă<sup>19</sup>. De ce este necesară această respingere? Pentru că tratamentul logic de ordinul întâi este sintactic, ceea ce, e drept, permite realizarea de inferențe formale. Însă pentru limbajele de ordinul întâi, dacă dorim să avem o definiție semantică a adevărului, atunci o astfel de definiție necesită un limbaj de ordinul doi sau teoria ansamblurilor, respectiv o teorie a modelelor. Dar teoria modelelor este o teorie matematică, iar logica de ordinul întâi nu poate administra modurile de inferență matematică, așa cum sunt inducția matematică, echipotența, problema infinitului etc. Noua situație impune un examen atent și o reconsiderare a unor concepte-cheie

<sup>17</sup> Jaakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 54.

<sup>18</sup> *Ibidem*, p. 55.

<sup>19</sup> *Ibidem*, p. 24.



pentru logică și matematică, așa cum este cazul cuantificatorilor, adevărului, negației, dependenței logice, completitudinii, constructivității și al altora de acest fel.

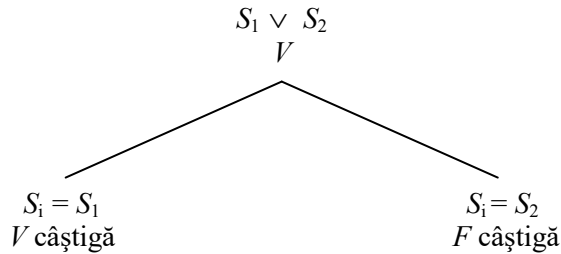
Să luăm un exemplu. Cum putem verifica – se întreabă Hintikka – un enunț existențial de forma  $(\exists x) S[x]$ ? După cum se poate observa,  $S[x]$  nu are cuantificator. Atunci, în mod evident, pentru a verifica enunțul, ar trebui să găsim un individ, să spunem  $b$ , așa încât să avem  $S[b]$ . Dar cum stau lucrurile în cazuri mai complexe? Dacă luăm un limbaj  $L$  de ordinul întâi, atunci – pentru a putea vorbi de adevăr și fals în legătură cu acest limbaj – ar trebui să specificăm un model  $\mathbf{M}$  al acestui limbaj în care să se vorbească de adevărul sau falsitatea enunțurilor din  $L$ , domeniul indivizilor din  $\mathbf{M}$  fiind notat cu  $\text{do}(\mathbf{M})$ . Să luăm acum un exemplu de enunț din  $L$  de forma următoare:  $(\forall x)(\exists y) S[x, y]$ . Cum putem verifica acest enunț? Evident, trebuie să fim în stare să stabilim o valoare, să spunem  $a$ , pentru  $x$ , apoi să găsim o valoare, să zicem  $b$ , pentru  $y$ , astfel încât  $S[a, b]$  să fie adevărat. Deosebirea față de primul caz constă în faptul că, valoarea sau individul  $b$ , depinde de valoarea sau individul  $a$  din variabila  $x$ . Adică avem o dependență a lui  $b$  de modul în care a fost ales  $a$ . Comentând această situație<sup>20</sup>, Hintikka spune că dacă alegerea lui  $a$  ar fi mai defavorabilă verficatorului, atunci Descartes probabil că ar explica situația prin ceva similar cu „geniul răului”, dar e mai rezonabil astăzi să facem apel la John von Neumann, care ne sugerează să judecăm o atare alegere ca fiind realizată de un opozant imaginar într-un joc strategic, joc ale cărui reguli le-am prezentat mai înainte.

După cum am văzut, sistemul de reguli începe cu regula disjuncției. Acest fapt nu este întâmplător, deoarece, în teoria jocurilor, ipoteza fundamentală este aceea a posibilității de alegere pentru fiecare jucător, alegere între a fi de acord sau a fi împotriva, între a coopera sau a defecta, între a fi încrezător sau a nu fi încrezător etc. Să spunem că avem următorul enunț  $S$ : „București se află în România sau București se află în Ungaria”. Dacă discutăm acest enunț din perspectiva teoriei jocurilor – notând  $G(S)$  –, atunci jucătorul verficator ( $V$ ) începe prin a alege una din cele două propoziții componente ( $S_i$ ) din  $G(S_i)$ , ceea ce înseamnă că verficatorul trebuie să-și „asume” una sau alta din cele două propoziții care alcătuiesc enunțul. Dacă verficatorul alege propoziția atomică „București se află în România” ( $S_1$ ), va fi vorba de o propoziție adevărată, ceea ce înseamnă că verficatorul câștigă, iar falsificatorul ( $F$ ) pierde. Invers, dacă verficatorul alege propoziția atomică „București se află în Ungaria” ( $S_2$ ), adică propoziția falsă, el va pierde și falsificatorul va câștiga.

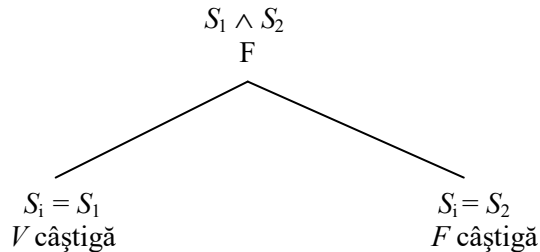
Ceea ce este interesant aici e faptul că jucătorul verficator poate juca prost și să piardă jocul când alege propoziția falsă, dar el poate câștiga sistematic alegând propoziția adevărată, adică poate avea o strategie câștigătoare, independent de alegerea falsificatorului. Fiind vorba de o disjuncție, înseamnă că în momentul în care verficatorul alege propoziția atomică adevărată, va fi adevărat întreg enunțul  $S$ , jocul îmbrăcând o formă extensivă, așa cum se poate vedea și în schema de mai jos:

---

<sup>20</sup> *Ibidem*, p. 54.



Dar așa cum verificatorul poate avea o strategie câștigătoare (pornind de la disjuncție), falsificatorul, la rândul său, poate avea și el o strategie câștigătoare, însă plecând de la conjuncție. Să spunem că enunțul nostru de mai sus este acum o conjuncție, având forma: „București se află în România și București se află în Ungaria”. Falsificatorul are prima mișcare, precum în următoarea descriere grafică:



Într-un asemenea caz, verificatorul nu poate câștiga decât dacă falsificatorul joacă prost<sup>21</sup>, ceea ce înseamnă că în astfel de situații verificatorul nu are o strategie câștigătoare, în schimb falsificatorul deține strategia câștigătoare, enunțul  $S$  fiind fals.

După cum se poate vedea și din tabelul cuprinzând tipologia jocurilor în concepția lui Hintikka, un joc semantic asociat unui enunț este un joc de cercetare și de descoperire, de găsire a ceva. În aceste situații, regulile jocurilor cu privire la cuantificatori sunt concepute ca generalizări ale regulilor pentru disjuncție și pentru conjuncție<sup>22</sup>. Respectiv, enunțurile existențiale – la fel ca disjuncțiile – sunt jucate de către verificatorul inițial, iar enunțurile universale (rezultate din generalizarea conjuncției) sunt jucate de către falsificator. De exemplu, pentru enunțul „Toți corbii sunt negri”, falsificatorul face alegerea, iar verificatorul, pentru a dovedi că acest enunț este adevărat, va trebui să dispună de o strategie câștigătoare așa încât, pentru orice obiect prezentat de falsificator, verificatorul să poată demonstra că acel obiect nu este corb sau că este negru. Aceasta înseamnă că enunțul nu poate fi verificat și considerat adevărat doar printr-o parte finită a sa, ci numai dacă se dispune de o strategie care să permită dejucarea tuturor falsificărilor.

<sup>21</sup> Vezi și Sébastien Richard, *La conception sémantique de la vérité. D'Alfred Tarski à Jaako Hintikka*, p. 178.

<sup>22</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, L'Harmattan, Paris, 2005, p. 158.

Putem sublinia, pe baza celor stabilite până aici, că jocul semantic este relativ ușor de înțeles pentru cuantificatorii de ordinul întâi, așa cum se întâmplă în jocurile cu două persoane, jocuri cu „sumă nulă”, unde un jucător câștigă, iar celălalt pierde. Limbajul este așadar acela al predicatelor de ordinul întâi și cuantificarea se face pe „indivizi”, demersul fiind unul de tip nominalist. Iar întreg jocul este supus regulilor pe care le-am văzut. Dar toate aceste reguli sunt aplicabile diferitelor propoziții dacă acestea din urmă se află în formă normală negativă<sup>23</sup>. Aceasta înseamnă că simbolurile negației nu trebuie să fie prefixate decât în fața propozițiilor atomice, semnificând faptul că jucătorii dintr-un joc semantic nu-și inversează rolul decât după ce au fost efectuate celelalte alegeri<sup>24</sup>.

Hintikka mai precizează, de asemenea, că teoria jocurilor nu ne oferă o definiție a adevărului, ci mai degrabă ceea ce s-ar putea numi „condițiile de adevăr” pentru propozițiile din limbajul de ordinul întâi, condiții formulate – după cum am văzut – în termeni de strategii. Dar aceste strategii pot fi formulate logic? Răspunsul lui Hintikka este pozitiv, acesta considerând că o strategie poate fi înțeleasă ca o clasă de „funcții de alegere”, numite și „funcții Skolem”. Să luăm un exemplu dat de către Manuel Rebuschi<sup>25</sup>, plecând de la următoarea formulă:

$$(\forall y)(\exists x)x > y.$$

Considerăm că această formulă este valabilă în domeniul numerelor naturale ( $\mathbf{N}$ ), iar simbolul „ $>$ ” are semnificația obișnuită de „mai mare”. Acestei formule i se poate asocia o parte a unui joc, să spunem:

- Falsificatorul ( $F$ ) alege  $y = 4$ ; jocul continuă cu:  $(\exists x)x > 4$ .
- Verificatorul ( $V$ ) alege  $x = 7$ ; jocul continuă cu:  $7 > 4$ .
- $7 > 4$  este o formulă atomică adevărată, deci  $V$  câștigă.

Dar o strategie câștigătoare pentru  $V$  nu este aceea de a alege  $x = 7$ , ci de a putea alege sistematic,

indiferent ce valoare alege  $F$  pentru  $y$ , în așa fel încât o valoare  $n$  pentru  $x$  să fie totdeauna superioară lui  $y$ . Așadar, o strategie câștigătoare pentru verificator va fi o funcție de alegere  $f$ , astfel încât:  $(\forall y)f(y) > y$ . De exemplu, o funcție precum  $f(y) = y + 3$  este o funcție de alegere bună pentru o strategie câștigătoare a lui  $V$ . Însă, la urma urmei, nu interesează această funcție concretă, ci existența unei funcții de alegere (în fapt, a unui

<sup>23</sup> Jakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 78.

<sup>24</sup> Forma normală negativă poate fi conjunctivă sau disjunctivă. De exemplu, în cazul unei forme normale disjunctive trebuie să avem o disjuncție de conjuncții, în condițiile în care  $p \equiv q$  este logic echivalent cu  $(p \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$ , iar  $p \rightarrow q$  este logic echivalent cu  $\sim p \vee q$ . Apoi, pe baza legilor lui de Morgan avem  $\sim(p \vee q)$  logic echivalent cu  $\sim p \wedge \sim q$ , și  $\sim(p \wedge q)$  logic echivalent cu  $\sim p \vee \sim q$ . Formula  $p \wedge (q \vee r)$  este echivalentă logic cu  $(p \wedge q) \vee (p \wedge r)$ , iar formula  $(p \vee q) \wedge r$  este logic echivalentă cu  $(p \wedge r) \vee (q \wedge r)$ . În fine, un cuantificator de forma  $\sim(\forall x)S$  este logic echivalent cu  $(\exists x)\sim S$ , și un cuantificator de forma  $\sim(\exists x)S$  este logic echivalent cu  $(\forall x)\sim S$ .

<sup>25</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, L'Harmattan, Paris, 2005, p. 160.

ansamblu de funcții de alegere), care să poată exprima în metalimbaj condițiile de adevăr ale formulei de origine, adică:

$$(\exists f)(\forall y)f(y) > y.$$

În general, pe această bază putem proceda la suprimarea tuturor cuantificatorilor enunțurilor de ordinul întâi, simulând cuantificatorii existențiali cu ajutorul funcțiilor de alegere (funcții Skolem). Existența unor astfel de funcții pentru o propoziție de ordinul întâi ne asigură, de fapt, condițiile de adevăr pentru acea propoziție. Să observăm însă că aceste funcții de alegere sunt entități de ordinul doi, ceea ce înseamnă că, adevărul, respectiv „condițiile de adevăr” ale propozițiilor din limbajul de ordinul întâi pot fi „traduse” în propoziții de ordin secund, care afirmă existența unei anumite funcții de alegere. Această trecere de la propoziții de ordinul întâi la propoziții de ordinul doi este numită punere în „formă normală Skolem” sau pur și simplu „skolemizare”. Prin „skolemizare” obținem propoziții de „formă prenexă”, propoziții în care toți cuantificatorii sunt prefixați.

Relația dintre „skolemizare” și teoria semantică a jocurilor (GTS), concluzionează Rebuschi, poate fi citită în două sensuri<sup>26</sup>: 1) semantica jocurilor furnizează o interpretare „naturală” pentru funcțiile Skolem; 2) skolemizarea unei formule furnizează condițiile de adevăr pentru teoria semantică a jocurilor, formula din metalimbaj fiind un fragment de ordinul doi, adică o formulă compusă dintr-o cuantificare existențială (de ordinul doi) asupra variabilelor funcției, urmată de o formulă de ordinul întâi. În consecință, teoria semantică a jocurilor (GTS) articulează trei planuri<sup>27</sup>: a) limbajul obișnuit de ordinul întâi cu formulele sale; b) metalimbajul în care sunt exprimate condițiile de adevăr plecând de la funcțiile Skolem; c) interpretarea semantică *à la* Tarski sau conform GTS, ceea ce este echivalent dacă se admite axioma alegerii.

Iată-ne ajunși acum în centrul noii logici, logica *IF*, dezvoltată de către Hintikka și Gabriel Sandu<sup>28</sup> de pe la sfârșitul anilor 1980, o logică a cuantificatorilor informaționali independenți. Această logică s-a născut, după cum s-a putut observa și până aici, din critica logicii standard de ordinul întâi, mai precis din analiza cuantificării în acest cadru. Aici vorbește Hintikka de „eroarea lui Frege”. Cu ce a păcătuit Frege după opinia lui Hintikka? Ideile de bază ale logicii de ordinul întâi, subliniază logicianul finlandez, le găsim în teoria cuantificării, noțiunile de cuantificare existențială și universală având un rol crucial atât pentru funcția deductivă, cât și pentru funcția descriptivă a logicii. Dar a spune că logica de ordinul întâi este logica cuantificatorilor înseamnă a susține un semiadevăr<sup>29</sup>. Puterea expresivă a logicii de ordinul întâi, continuă Hintikka, nu rezidă în noțiunea de cuantificator în sine, ci în ideea de *cuantificator dependent*. De exemplu, în formula  $(\forall x)(\exists y)S[x, y]$ , cuantificatorul existențial depinde de cuantificatorul universal. În termenii teoriei semantice a jocurilor, această dependență este una *informațională*, întrucât atunci când verificatorul

<sup>26</sup> *Ibidem*, p. 161.

<sup>27</sup> *Ibidem*, p. 162.

<sup>28</sup> În introducerea la *Les principes des mathématiques revisités*, Hintikka face următoarea mărturisire: „majoritatea ideilor noi expuse în această carte au fost dezvoltate în strânsă colaborare cu Gabriel Sandu. În anumite situații, eu n-aș mai putea spune cine a găsit primul o anumită idee... Pe scurt, această carte datorează lui Gabriel Sandu mai mult decât pot eu să-mi dau seama” (p. 27).

<sup>29</sup> Jarkko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 76.

( $I$ ) alege, să zicem, o valoare pentru  $y$ , el știe ce valoare a ales falsificatorul ( $F$ ) pentru  $x$ , utilizând această informație pentru propria sa alegere.

În notația obișnuită din cadrul logicii de ordinul întâi, dependența cuantificatorilor este indicată de paranteze. Dar folosirea parantezelor în exprimarea de tip Frege-Russell este mai restrictivă decât utilizarea funcțiilor Skolem<sup>30</sup>. Putem observa, totodată, că puterea de influență a unui cuantificator este duală, deoarece, pe de o parte, el își exercită influența pe orizontală, în zona în care variabila este legată de cuantificator (oarecum „geografic”, cum spune Rebuschi<sup>31</sup>, în extensiune), iar pe de altă parte, există o influență și pe verticală, în sensul că se produce o „ierarhie” logică prin funcționarea dependenței între cuantificatori. Datorită acestei dualități, Henkin va propune utilizarea unei cuantificări ramificate, iar Hintikka ne cere, de asemenea, să ținem seamă de cele două sensuri diferite ale puterii cuantificatorilor.

Pentru a ilustra justificarea acestei cerințe, apelăm tot la un exemplu formulat de către Manuel Rebuschi<sup>32</sup>. Să luăm următorul enunț ( $S$ ):

- (1) O rudă ( $y$ ) a unui țăran oarecare ( $x$ ) și o rudă ( $u$ ) a unui orășean oarecare ( $z$ ) se detestă reciproc.

Cum putem formaliza acest enunț în cadrul logicii de ordinul întâi? Avem două posibilități, detestarea fiind reciprocă, deci putem porni de la primul, într-o formalizare, sau de la al doilea, în altă formalizare:

$$(2) (\forall x)(\exists y)(\forall z)(\exists u)S[x, y, z, u];$$

$$(3) (\forall z)(\exists u)(\forall x)(\exists y)S[x, y, z, u].$$

Fiecare dintre aceste formalizări pune unele probleme, atrage atenția Rebuschi. În (2), alegerea rudei orășeanului depinde de alegerea țăranului (datorită forței de influență a cuantificatorului universal ( $\forall x$ )), iar în (3), alegerea rudei sățeanului depinde de alegerea orășeanului (sub influența cuantificatorului universal ( $\forall z$ )). Aceste probleme apar din cauza exprimării de tip Frege-Russell cu ajutorul parantezelor.

Ce putem face pentru a slăbi restricționarea prin paranteze? Putem rezolva lucrurile în așa fel încât, de exemplu, în (2), cuantificatorul ( $\exists u$ ) să poată fi plasat sub influența pe orizontală („geografic”) a lui ( $\forall x$ ), fără a fi supus și influenței pe verticală, influenței ierarhice? Poate că pertinenta unei astfel de operații este discutabilă, acceptă Rebuschi, dar aici interesează doar aspectul formalizării, care – pentru cuantificatorii dependenți – nu ridică probleme. Această soluție este oferită prin intermediul cuantificării ramificate, respectiv prin cuantificatorul Henkin:

---

<sup>30</sup> *Ibidem*, p. 78.

<sup>31</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 162.

<sup>32</sup> *Ibidem*, pp. 162–163.

$$(4) \quad \begin{array}{l} (\forall z)(\exists u) \\ (\forall x)(\exists y) \end{array} \quad \begin{array}{l} \diagdown \\ \diagup \end{array} \quad S[x, y, z, u]$$

Această formalizare este clar adecvată, însă ea nu poate fi pusă sub formă liniară, întrucât trece dincolo de limitele limbajului de ordinul întâi. „Aceasta înseamnă că logica standard de ordinul întâi impune o constrângere nejustificată de dependență mutuală sistematică a cuantificatorilor: dacă un cuantificator existențial se află sub influența geografică a unui cuantificator universal, înseamnă că el depinde de acesta în mod logic (sau «ierarhic»)»<sup>33</sup>.

Însă, din perspectiva teoriei jocurilor, ne putem întreba imediat ce facem în situațiile în care jucătorii (precum în dilema deținutului) decid independent unul de altul, adică fără să cunoască reciproc alegerile făcute? Un teoretician din domeniul de studiu semantic al jocurilor trebuie să-și pună întrebarea următoare, subliniază Hintikka: e vorba de situații cu informație perfectă sau nu? Frege, fiind anacronic în raport cu o astfel de situație, ar răspunde că logica este un joc cu informație perfectă. Dar acest răspuns nu este doar arbitrar și restrictiv, ci este unul fals, consideră Hintikka, din moment ce un astfel de răspuns exclude din sfera metodelor logice o clasă importantă de utilizări ale conceptelor noastre logice. Ce e de făcut în acest caz? E nevoie – spune Hintikka – să transformăm logica familiară și tradițională de ordinul întâi într-o logică mai puternică, adică una care să permită *independența informațională* acolo unde notația curentă de tip Frege-Russell o interzice. Această nouă logică ar putea fi numită *logica de ordinul întâi independence-friendly (IF)*, o logică ce este „cel puțin la fel de fundamentală ca și logica obișnuită de ordinul întâi. Ea este veritabila noastră logică elementară”<sup>34</sup>.

Pentru a marca independența între cuantificatori, Hintikka și Sandu propun simbolul unei bare oblice „/” (*slash*), simbol care permite sublinierea independenței cuantificatorilor în expresie liniară. De exemplu, în expresia  $(\exists y / \forall x)$ , spunem că operația de cuantificare existențială pe variabila  $y$  este independentă de cuantificarea universală pe variabila  $x$ . În acest fel, de pildă, formula (4) de mai sus poate fi formalizată în următoarele trei modalități:

$$(5) \quad (\forall x)(\exists y)(\forall z)(\exists u / \forall x) S[x, y, z, u];$$

$$(6) \quad (\forall z)(\exists u)(\forall x)(\exists y / \forall z) S[x, y, z, u];$$

$$(7) \quad (\forall x)(\forall z)(\exists y / \forall z)(\exists u / \forall x) S[x, y, z, u].$$

Se poate observa că cele trei formule de mai sus sunt echivalente cu formula (4), dar de această dată sub o formă liniară<sup>35</sup>. Prin introducerea barei oblice „/” s-a realizat trecerea de la logica obișnuită de ordinul întâi la logica *IF* de ordinul întâi.

<sup>33</sup> *Ibidem*, p. 163.

<sup>34</sup> Jakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 79.

<sup>35</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationnelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 164.

Apoi, putem sublinia că condițiile de adevăr din teoria semantică a jocurilor, așa după cum s-a văzut deja, sunt exprimate destul de simplu cu ajutorul funcțiilor Skolem. În acest fel, dependența mutuală dintre cuantificatorii din logica de ordinul întâi este tradusă prin incluziunea reciprocă a ansamblurilor variabilelor-argument din funcțiile Skolem asociate. Iar dacă se trece la logica  $IF$ , funcțiile Skolem pot fi definite și pentru ansambluri de variabile care nu sunt incluse unele în altele. Ca exemplu<sup>36</sup>, putem vedea cum arată skolemizările pentru formulele (2), (3) și (5) de mai sus:

$$(2') (\exists f)(\exists g)(\forall x)(\forall z) S[x, f(x), z, g(x, z)];$$

$$(3') (\exists f)(\exists g)(\forall x)(\forall z) S[x, f(x, z), z, g(z)];$$

$$(5') (\exists f)(\exists g)(\forall x)(\forall z) S[x, f(x), z, g(z)].$$

Firește, așa cum logica  $IF$  permite examinarea independenței pentru cuantificatori, ea permite, în același timp, examinarea independenței în cazul disjuncției. În astfel de cazuri, de exemplu, skolemizarea unei disjuncții normale aflată după doi cuantificatori universali ne conduce la o funcție cu două variabile:

$$(\forall x)(\forall y)(S_1 \vee S_2)$$

$$(\exists h)(\forall x)(\forall y)((S_1 \wedge h(x, y) = 0) \vee (S_2 \wedge h(x, y) \neq 0))$$

Însă dacă în aceeași disjuncție vom avea independența unuia dintre cuantificatori, atunci rezultatul skolemizării va fi cu o singură variabilă:

$$(\forall x)(\forall y)(S_1(\vee / \forall y) S_2)$$

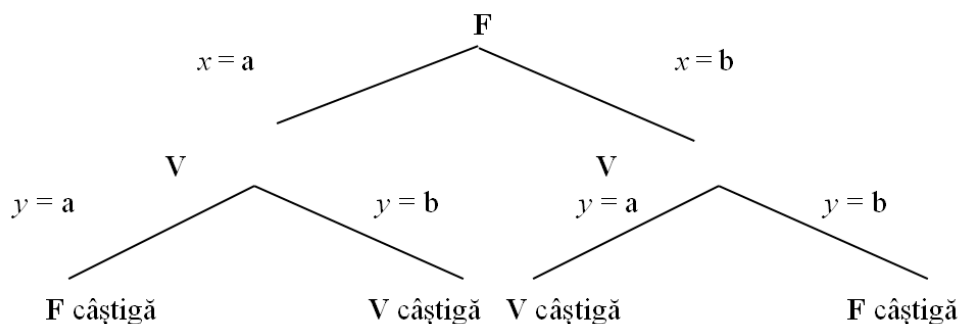
$$(\exists h)(\forall x)(\forall y)((S_1 \wedge h(x) = 0) \vee (S_2 \wedge h(x) \neq 0))$$

De fapt, formulele  $IF$  pot exprima pentru teoria semantică a jocurilor, așa cum s-a constatat și din cele prezentate până aici, atât situația de dependență a cuantificatorilor (tradusă în dependența informațională a alegerilor de valori pentru variabile), cât și situația de independență informațională (care apare la nivelul interpretării semantice a jocului). Reprezentările grafice de mai jos pot evidenția și mai clar cele spuse aici, notând cu  $(G_1)$  jocul cu informație perfectă, iar cu  $(G_2)$  jocul cu informație imperfectă:

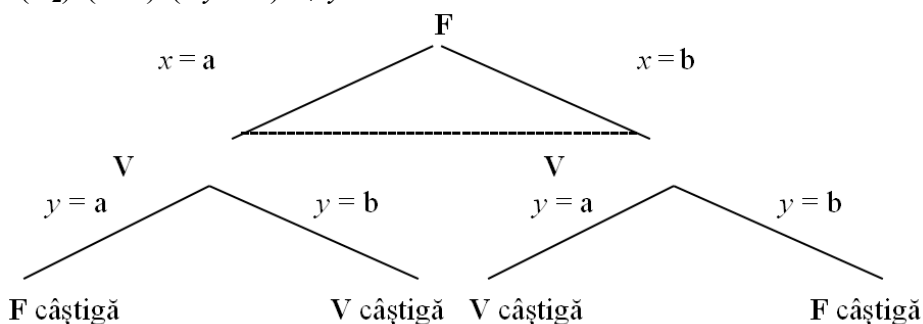
---

<sup>36</sup> *Ibidem.*

(G<sub>1</sub>)  $(\forall x) (\exists y)x \neq y$



(G<sub>2</sub>)  $(\forall x) (\exists y/\forall x)x \neq y$



După cum se poate observa, în (G<sub>2</sub>) verficatorul nu mai poate stabili poziția sa între două noduri ale jocului, această situație fiind reprezentată prin linia punctată. De asemenea, putem vedea că verficatorul nu mai are o strategie câștigătoare uniformă, întrucât, în lipsa informației perfecte, el nu mai are accesul continuu la respectiva strategie. Dar nici falsificatorul nu mai are o strategie câștigătoare, ceea ce înseamnă că, trecând de la logica tradițională de ordinul întâi la logica *IF* de ordinul întâi, se va pierde principiul bivalenței<sup>37</sup>, deoarece formula *IF* jucată în (G<sub>2</sub>) nu este nici adevărată, nici falsă. Adică faptul că verficatorul nu deține o strategie câștigătoare nu implică obligativitatea unei strategii câștigătoare pentru falsificator. În consecință, în logicile *IF* nu mai este valabil principiul terțului exclus. Respectiv, în orice model **M**, pentru orice propoziție  $\emptyset$  dintr-un limbaj *IF*, nu este cazul că  $\emptyset \vee \sim \emptyset$  este adevărată în **M**<sup>38</sup>.

Nu întâmplător Hintikka înlocuiește atunci negația contradictorie „ $\neg$ ” (slabă) cu negația tare „ $\sim$ ” (duală) pentru logica *IF*. Negația contradictorie nu se poate găsi decât în fața unei propoziții închise, a unei propoziții „întregi”, îmbrăcând de regulă forma următoare:  $\neg S$  este adevărată dacă și numai dacă  $S$  nu este adevărată, altfel este falsă. Numai că această formulă, după cum s-a văzut, nu este o „regulă

<sup>37</sup> *Ibidem*, p. 167.

<sup>38</sup> Sébastien Richard, *La conception sémantique de la vérité. D'Alfred Tarski à Jaako Hintikka*, p. 209.



de joc”, așa cum este, în schimb, negația duală „ $\sim$ ”, care se produce prin inversarea rolurilor jucătorilor. E drept, într-o logică *IF* extinsă, negația contradictorie poate fi păstrată în sensul că modelele în care enunțul  $\neg S$  este adevărat să fie complementarele modelelor în care enunțul *S* este adevărat.

Ținând la respectarea – și în plan logic, nu doar semantic – a regulilor de joc, Hintikka ține de fapt la dezideratul ca logica *IF* să fie cu adevărat logica noastră naturală. Caracteristicile acestei logici naturale pot fi sintetizate, după opinia lui Rebuschi<sup>39</sup>, în următoarele susțineri: a) noțiunile de cuantificator independent și de independență informațională nu pot fi ocolite, mai precis nu pot fi refuzate (de unde și gluma lui Hintikka despre independența informațională ca noțiune „mafioasă”, adică una ce nu poate fi „refuzată”); b) adevăratul subiect al logicii de ordinul întâi nu îl constituie cuantificatorii izolați, ci dependențele și independențele reciproce între cuantificatori; c) nu există niciun motiv care să justifice constrângerea impusă de Frege cu privire la dependențele mutuale între cuantificatori (respectiv folosirea parantezelor); d) independența informațională este o trăsătură a limbajelor naturale.

Un alt element important și specific pentru teoria semantică a jocurilor este faptul că acest tip de jocuri, așa după cum am amintit în paginile anterioare, vizează jocuri constitutive pentru adevăr (constitutive prin strategiile câștigătoare), numite și jocuri din exterior (*outdoor games*). Or, această caracteristică a jocurilor semantice ne obligă să punem în discuție și principiul compoziționalității. După cum se cunoaște, principiul compoziționalității a mai fost numit și „principiul lui Frege”. „În formularea sa obișnuită, acest principiu spune că semnificația unei expresii complexe este funcție de semnificațiile expresiilor sale componente”<sup>40</sup>. Acest principiu a constituit și pentru Tarski una dintre presupuzițiile cele mai importante în definirea conceptului de adevăr. Adesea se consideră că dacă Frege a formulat acest principiu, Tarski în schimb este primul care l-a introdus în limbajele formale. Astfel, definiția dată de către Tarski adevărului este considerată de către cei mai mulți o definiție compozițională<sup>41</sup>, în conformitate cu care adevărul unei expresii complexe este definit în funcție de adevărul expresiilor simple componente, iar adevărul unei propoziții simple se definește pornind de la atributul semantic de „satisfacere”.

Principiul compoziționalității procedează în manieră inductivă, de la expresiile simple către cele complexe și, în același timp, din interior către exterior. Însă, după cum am văzut când am prezentat principalele tipuri de jocuri, metodologia individualist-inductivă colapsează în final, adică nu mai funcționează atunci când apare fenomenul de circularitate, respectiv când principiul tranzitivității este blocat, în astfel de situații trecându-se obligatoriu la metodologia holistă. Din acest motiv, principiul compoziționalității eșuează și în logica *IF*. Un joc semantic, după cum s-a putut observa deja, nu pornește de la constituenții cei mai simpli, ci

---

<sup>39</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationnelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 167.

<sup>40</sup> Jakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 136.

<sup>41</sup> Sébastien Richard, *op. cit.*, p. 199.

de la un enunț întreg<sup>42</sup>, luat în totalitatea sa, adică din exterior către interior, de la enunțul luat în ansamblul său înspre constituenții cei mai simpli.

Așadar, logica *IF* este nevoită să încalce principiul compoziționalității, fiind o logică holistă. Prin natura lor însăși, subliniază Hintikka, toate cazurile de independență între cuantificatori sau cele de independență informațională<sup>43</sup>, cazuri care nu pot fi tratate în logica obișnuită de ordinul întâi, nu pot decât să încalce principiul compoziționalității. Ca atare, se impune o îmbunătățire și a notației<sup>44</sup>, astfel că, în loc să adăugăm pentru fiecare cuantificator o indicație despre cuantificatorii anteriori de care el depinde, putem adăuga fiecărui cuantificator lista de cuantificatori subsecvenți plasați în afara sferei sale de influență. De exemplu, formula

$$(\forall x)(\forall z)(\exists y/\forall z)(\exists u/\forall x)S[x, y, z, u]$$

va putea fi scrisă – folosind simbolul „/” (*double-slash*), care exprimă conversa relației de independență „/” – în felul următor:

$$(\forall x // \exists u)(\forall z // \exists y)(\exists y)(\exists u)S[x, y, z, u].$$

Comparând cele două formule, se poate observa că, în ultimul caz, independența este anunțată de la început și că regulile de formare din logica *IF* sunt independente de context.

În prezent se poate afirma că în logica *IF* se pun speranțe mari pentru explicarea relativ unitară a comportamentelor sociale și pentru unificarea logicii după un secol de dispersie, de fărâmițare, de aceea ea a fost prezentată și ca o posibilă revoluție<sup>45</sup>. Există aprecieri care susțin că logica *IF* oferă un nou fundament care poate fi comun semanticii limbilor naturale. În semantica jocurilor, pentru a înțelege o expresie, se impune să stăpânim un anumit joc semantic asociat. Aceasta permite să distingem între două niveluri de semnificație<sup>46</sup>: semnificația abstractă și semnificația strategică. Primul tip de semnificație este definit prin regulile jocului, știindu-se că enunțul este adevărat dacă și numai dacă verificatorul are o strategie câștigătoare. Al doilea tip de semnificație – semnificația strategică – e în legătură cu ideile ce se pot constitui despre strategiile câștigătoare, cunoașterea semnificației strategice fiind de fapt cunoașterea funcțiilor Skolem care constituie strategia câștigătoare a lui *V*.

Semnificația strategică ajută la soluționarea problemelor anaforice din semantica limbilor naturale, în contextul în care, după realizarea „turnurii dinamice”, s-a conștientizat că, adesea, într-o suită de enunțuri, poate fi mobilizată

<sup>42</sup> Jakko Hintikka, *Les principes des mathématiques revisités*, p. 142.

<sup>43</sup> *Ibidem*, p. 139.

<sup>44</sup> *Ibidem*.

<sup>45</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 171.

<sup>46</sup> *Ibidem*, p. 172.

informație care nu era conținută direct în enunțurile izolate. Rezolvarea sau transformarea anaforică are în vedere, în general, stabilirea unui referent pentru pronumele „el”, atunci când acesta apare în discursuri de genul următor<sup>47</sup>: „Un om se plimbă în parc. *El* fluieră”. Pronumele anaforice erau tratate în teoria semantică a jocurilor (GTS) ca „descripții ascunse” *à la* Russell, ceea ce înseamnă că aceste pronume primesc valori în ansamblul de alegeri care se fac contextual și care sunt definite în cursul jocului<sup>48</sup>. Acest tratament prezintă însă inconvenientul că anafora este concepută doar în calitate de co-referință. Dar ne putem întreba imediat cum se soluționează anaforele cu privire la obiectele fictive sau inexistente? Soluția a fost găsită în decuplarea completă<sup>49</sup> a tratamentului semantic al anaforei de interpretarea referențială a discursului<sup>50</sup>, astfel că, în prezent, pentru perspectiva semantică a teoriei jocurilor, importantă nu este atât interpretarea model-teoretică ultimă a termenilor singulari, ci contează prin excelență fluxul informațional care se difuzează de-a lungul jocului semantic<sup>51</sup>. Aceasta înseamnă că nu propoziția individuală trebuie să fie în centrul atenției, ci „discursul”, adică o unitate de sens mai cuprinzătoare (frază, textul etc.)<sup>52</sup>.

Să luăm următoarele exemple de enunțuri:

- (1) Ion citește. El fumează.
- (2) El fumează. Ion citește.

În cazul enunțului de tipul (1), ne atrag atenția Manuel Rebuschi și Tero Tulenheimo<sup>53</sup>, succesiunea propozițiilor este corectă, în timp ce în enunțul (2) succesiunea de propoziții nu este corectă. O interpretare standard (*à la* Tarski) presupune să transformăm propoziția „El fumează” în propoziția „Ion fumează”, ceea ce ne-ar conduce la o echivalare semantică a lui (1) cu (2) în virtutea comutativității conjuncției. Astfel, am avea:

- (1) Ion citește și Ion fumează.
- (2) Ion fumează și Ion citește.

Trebuie observat însă că deosebirea dintre cele două enunțuri inițiale nu este legată în mod direct de proprietățile statice ale modelului. În plus, o teorie semantică demnă de această denumire ar trebui să detecteze eroarea din (2) în mod

---

<sup>47</sup> *Ibidem*, p. 173.

<sup>48</sup> A se vedea Gabriel Sandu, *On the Theory of Anaphora: Dynamic Predicate Logic vs. Game-Theoretical Semantics*, în *Linguistics and Philosophy* 20, 1997.

<sup>49</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationnelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 173.

<sup>50</sup> T. Janasik, G. Sandu, *Dynamic Game Semantics*, în J. Peregrin (ed.), *Meaning: The Dynamic Turn*, Elsevier, Amsterdam, 2003.

<sup>51</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationnelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 173.

<sup>52</sup> François Rivenc, Gabriel Sandu, *Entre logique et langage*, Vrin, Paris, 2009, p. 124.

<sup>53</sup> Vezi Manuel Rebuschi et Tero Tulenheimo, *Introduction. Des Jeux en logique*, în *Philosophia Scientiae*, 8 (2), 2004.

nemijlocit, fără a recurge la transformări precum cele arătate mai înainte. În enunțul inițial (2) („El fumează. Ion citește”), rezolvarea anaforică eșuează, deoarece referentul lipsește în prima propoziție. În schimb, rezolvarea anaforică în enunțul inițial (1) este înfăptuită indiferent dacă Ion citește sau nu, deoarece singura informație care contează pentru un joc în acest caz este aceea că e vorba de un „Ion”, ceea ce permite asigurarea unei strategii câștigătoare în jocul ce corespunde propoziției următoare.

În fine, putem semnala și faptul că logica *IF* se poate extinde ușor în domeniul logicii modale, pentru că nimic nu ne oprește să procedăm în așa fel încât cuantificatorii despre lumile posibile să fie informațional independenți<sup>54</sup>. Iar un caz particular al logicii modale este furnizat de logica epistemică, un cadru în care distincția tradițională între cunoașterea *de dicto* și cunoașterea *de re* poate fi reformulată mult mai avantajos. Astfel, distincția *de re / de dicto* poate fi înlocuită cu aceea dintre *a cunoaște că (knowing-that)* și *a cunoaște cine (knowing-wh) (cine, ce, dacă...)*, aceasta din urmă fiind mult mai extinsă decât cunoașterea *de re*.

Dar, la modul concentrat și rezumativ, putem da cuvântul chiar lui Hintikka pentru a sublinia principalele contribuții și câștiguri ale logicii *IF* pentru jocurile semantice și pentru teoria socială în general, precum și pentru fundamentele matematicii în special. După cum s-a putut vedea din cele prezentate, conceptualizările din logica *IF*, depășesc cu mult utilizările economice și teoretic-decisionale. Între cele mai importante aspecte ale teoriei semantice a jocurilor și ale logicii *IF* putem reține următoarele<sup>55</sup>: 1) Conceptul crucial al teoriei jocurilor este acela de *strategie*, introdus explicit pentru prima dată de către von Neumann (sau Borel?, se întreabă Hintikka). În teoria semantică a jocurilor, conceptul de adevăr al unui enunț este definit prin existența unei strategii câștigătoare a verficatorului (inițial), iar falsitatea prin existența unei strategii câștigătoare a falsificatorului (inițial); 2) Conceptul de *negație* este privit în altă lumină, iar legea terțului exclus devine echivalentă cu determinarea unui anumit joc semantic; 3) În jocurile semantice se obține o bază logică mai puternică și mai simplă care permite *independența informațională*, adică logica *IF* de ordinul întâi în cadrul căreia legea terțului exclus nu se mai păstrează; 4) Logica *IF* implică *încălcarea principiului compoziționalității*; 5) În teoria semantică a jocurilor, pentru verificarea probabilistică a adevărului poate fi utilizat *echilibrul Nash*; 6) *Funcțiile Skolem* ne furnizează condițiile de adevăr pentru jocurile semantice.

S-a spus adesea că ambițiile lui Hintikka sunt prea mari. Dar atunci când judecăm aceste ambiții, poate e bine să ținem seamă de câteva aspecte mai generale, așa cum le prezintă și Manuel Rebuschi în *Prefața* pe care o semnează la ediția franceză a *Principiilor matematicii revizuite*. Desigur, titlul însuși este

---

<sup>54</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationnelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, p. 174.

<sup>55</sup> Jaakko Hintikka, *A Game Theory of Logic – A Logic of Game Theory*, în vol. Werner Leinfellner, Eckehart Köhler (eds.), *Game Theory, Experience, Rationality*, Kluwer Academic Publisher, Dordrecht/Boston/London, 1998.

provocator, el amintindu-ne de lucrarea *Principles of Mathematics* a lui Russell (1903), dar și de intenția lui Hintikka de a redeschide șantierul construcției de fundamente logice pentru matematici. Se știe că problema fundamentelor matematicii s-a pus în mod dramatic în momentul în care, pornind de la teoria mulțimilor a lui Cantor, Bertrand Russell formulează paradoxul mulțimii tuturor mulțimilor. Însă, mai general, caracterul dramatic al paradoxurilor rezidă aproape în întregime, subliniază Rebuschi, în acea lege a logicii clasice care permite ca, pornind de la o contradicție, să putem deriva orice enunț: *ex falso quodlibet*. De exemplu, dacă este construit un paradox în aritmetică, atunci se poate infera la fel de bine că  $2 + 2 = 4$  sau că  $2 + 2 = 5$ , conform legii logice *ex falso quodlibet*.

Hintikka își propune o abordare în întregime nouă a logicismului. Această abordare nouă vizează două nivele: un nivel filosofic, despre rolul jucat de logică; și un nivel tehnic, cu privire la instrumentele logice utilizate. Logica are două funcții importante, distincte, dar legate între ele. Pe de o parte, avem funcția inferențială (cu rol deductiv), iar pe de altă parte, întâlnim funcția mijloacelor de expresie (cu rol descriptiv). În dezvoltările contemporane ale logicii, teoria demonstrației se ocupă de prima funcție, iar teoria modelelor vizează cea de-a doua funcție. Hintikka apreciază că s-a acordat o atenție deosebită primei funcții, ceea ce a adus în prim plan cerințe precum aceea de completitudine semantică, iar în prezent ar fi nevoie de un accent sporit pentru funcția a doua în scopuri fundamentale.

Dacă înțelegem logica asemenea unui instrument de calcul, atunci nu mai e de mirare atitudinea lui Hintikka de a spera, după cum mărturisește în introducerea la *The Principles of Mathematics Revisited*, în pregătirea terenului pentru o revoluție apropiată în fundamentele matematicii. Aceasta nu înseamnă că logica *IF* – de la care se așteaptă „revoluția” – nu prezintă și anumite dificultăți. Unii analiști se întreabă dacă logica *IF* este cu adevărat o logică de ordinul întâi. Pentru Feferman<sup>56</sup>, de exemplu, în plan semantic nu este destul de clar dacă cuantificatorii independenți sunt de ordinul întâi. Apoi, același autor, după ce recunoaște utilitatea logicii *IF* în multiple domenii, se arată sceptic în ceea ce privește capacitatea acestei logici de a formaliza raționamentele matematice. Iar pentru Rebuschi, logica *IF* se găsește în plină dezvoltare, de aceea multe chestiuni ar fi încă „negociabile”. Dar în prezent – crede Rebuschi – logica *IF* prezintă cel puțin două aspecte bizare: incompatibilitatea în *IF* a obiectualității și compoziționalității; echivalența între logica *IF* de ordinul întâi și un fragment de ordinul doi.

Însă cu toate aceste dificultăți<sup>57</sup>, fenomenul de independență informațională, ignorat până acum, este pus în lumină tocmai de către această logică, de unde și meritele ei. Există și aprecieri foarte acide în legătură cu proiectul lui Hintikka. Sébastien Richard, la care am mai făcut trimiteri până aici, subliniază la un moment dat că, dacă programul lui Hintikka pare grandios, iar ambiția filosofului

---

<sup>56</sup> Solomon Feferman, *What Kind of Logic is Independence Friendly Logic?*, în R. E. Auxier and L. E. Hahn (eds.), *The Philosophy of Jaakko Hintikka*, Open Court, Chicago, 2007.

<sup>57</sup> Manuel Rebuschi, *Quantification et indépendance informationelle*, în vol. Pierre Joray (ed.), *La quantification dans la logique moderne*, pp. 176–177.

finlandez este enormă, acestea nu-și găsesc egal decât în „aroganța”<sup>58</sup> sa și în atenția aproape meschină pe care a catadicsit s-o acorde redactării lucrării *Principiile matematicii revizuite* (1996), motiv pentru care lucrarea este plină de greșeli și ridică multe dificultăți de înțelegere. Același Richard sugerează că Hintikka ar trebui să fie mai modest, așa cum sunt în general marii filosofi. Totuși, acceptă Richard în cele din urmă, ideile lui Hintikka se dovedesc totdeauna foarte stimulatoare pentru dezbateri și se constituie de fiecare dată într-o adevărată sfidare a gândirii, provocându-ne să renunțăm la prejudecățile noastre în legătură cu logica și cu posibilitățile acesteia de dezvoltare viitoare.

---

<sup>58</sup> Sébastien Richard, *op. cit.*, p. 157. Putem adăuga aici un amănunt personal. L-am auzit pentru prima dată pe Hintikka la Congresul Mondial de Filosofie de la Boston (1998), când modera o ședință de comunicări. Într-adevăr, filosoful finlandez nu se arăta prea prietenos cu cei care se abăteau de la subiect sau nu reușeau să se încadreze în timpul alocat. Un participant, aflat în imediata mea apropiere, a exclamat și el la un moment dat: ce arrogant! În ceea ce ne privește, considerăm că nu trebuie amestecate unele trăsături de personalitate cu conținutul ideilor autorului. Referitor la momentul amintit mai înainte, am rămas nu atât cu impresia unei atitudini arrogante, ci mai degrabă cu impresia unui spirit disciplinat și deschis, care nu înțelege să facă prea multe compromisuri.